

**فاعلية استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية المفاهيم الرياضية
والتفكير البصري لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية**

إعداد : د. إيمان سمير حمدى أحمد
مدرس بكلية البنات جامعة عين شمس

ملخص البحث:

هدف البحث إلى دراسة فاعلية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير البصري لدى تلاميذ الصف الخامس الإبتدائي ، وتكونت عينة البحث من مجموعتين تجريبية وضابطة، وتكونت أدوات القياس من (اختبار المفاهيم الرياضية واختبار التفكير البصري) في وحدة القياس. وتوصلت الدراسة إلى: وجود فرق ذو دلالة إحصائية بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لأدوات القياس لصالح المجموعة التجريبية ، وتنصف استراتيجية شكل البيت الدائري بالفاعلية في تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير البصري لدى تلاميذ الصف الخامس الإبتدائي.

**The effectiveness of the round house diagram strategy
for developing the mathematic concepts and the visual thinking
for the primary grade students**

The study aimed to find out the effectiveness of using of the round house diagram strategy for developing the concepts and the visual thinking in mathematic for the five grade of primary students . The random sample of the study have formed of two groups (experimental and control group) , and the measurement tools research of have include:(mathematics concepts test and the visual thinking test in mathematics). study has been reached: there are statistically significant difference at the ($\alpha=0.01$) level between the mean scores of the experimental group and the control group in the post application of the measurement tools in the favour of the experimental group , and the round house strategy have been effective in developing concepts and the visual thinking in mathematic of the experimental group.

مقدمة:

في ظل ما يشهده هذا العصر من تطور علمي وتقني وانجازات معرفية ، يواجه التربويون تحديات كثيرة بكافة جوانب تعلم وتعليم الرياضيات. لذا ينبغي أن يكون تدريس مادة الرياضيات ليس مجرد نقل للمعلومات من المعلم إلى المتعلم، بل عملية تعنى تعليم المتعلمين كيف يفكرون ويوظفون ما لديهم من معلومات ومعرفة رياضية أثناء حل المسائل الرياضية وأيضاً توظيفها في الحياة العملية .

وعليه نحن بحاجة إلى تطوير التعليم والتعلم في مجال الرياضيات والتركيز على المتعلم بصفته محور العملية التعليمية والبحث عن استراتيجيات وطرق تدريسية حديثة ، وإعادة النظر في مناهج الرياضيات الدراسية والعمل على تطويرها بحيث تتضمن مفاهيم ومهارات وأنشطة ومهارات رياضية تهتم بتفعيل دور المتعلم وتحقيق تعلمًا متصلًا.

فالرياضيات علم تحريري يهتم بتسلسل الأفكار والطرائق وأنماط التفكير، وهي من خلق العقل البشري وإبداعه، فقد تعنى طريقة الفرد في التفكير، وبنية معرفية منتظمة، ولغة تستخدم رموزاً وتعبيرات محددة وواضحة، ودراسة الأنماط بما تتضمنه من أعداد وأشكال ورموز. (زيد الهويدى،

٢٣ ، ٢٠٠٦)

أى أن الرياضيات ليست مجرد عمليات روتينية منفصلة بل هي ذات طبيعة تركيبية تتكون من مجموعة من المفاهيم والمعاني والمهارات والمسائل الرياضية متصلة بعضها البعض اتصالاً وثيقاً ، وتعد المفاهيم الرياضية اللبنات الأساسية في البناء الرياضي لأن التعلمات والمهارات والمسائل الرياضية تعتمد اعتماداً كبيراً على المفاهيم الرياضية وتكوينها واكتسابها .

والمفهوم الرياضي هو صورة ذهنية تتكون لدى الفرد نتيجة تعميم صفات وخصائص استنجدت من أشياء متشابهة هي أمثلة ذلك المفهوم (فريد أبو زينة، ٢٠٠٣، ٢٢١). وتشير اللجنة القومية لمعلمى الرياضيات بالولايات المتحدة الأمريكية NCTM^{*} إلى أن المفاهيم الرياضية هي جوهر العملية الرياضية وأن الرياضيات تصبح ذات معنى وأكثر فهماً ووضوحاً إذ أدرك المتعلم المفاهيم الرياضية ومعناها وتفسيرها. (عماد الدين حمدان، ٢٠١٠ ، ٦٢ ، ٢٠١٠)

ويتصل المفهوم الرياضي بثلاثة مظاهر أساسية: الأول (فراغ المفهوم ويشمل الحالات التي لها صفات وخواص المفهوم) ، الثاني (مصطلح المفهوم وهو الأسم أو الرمز الذي يطلق على المفهوم في ضوء الخواص المشتركة بين عناصر فراغه) ، الثالث(محتوى المفهوم وهو تلك العبارة التي تحدد الشروط الضرورية والكافية للمضمنون ، أي التي تلخص وتجمع الخواص المتوفرة في عناصر الفراغ ، والتي تميزها عن غيرها صياغة في جملة تعني المعنى وتعكس الصورة الهمامة لذاته الخواص) . (عزوز عفانة وأخرون ، ٢٠١٢ ، ٧٨)

ويرى (الخليفة عبد السميع، ١٩٩٩ ، ١٥٦) أن المفهوم الرياضي يجب أن تتوافر فيه المعايير الثلاث التالية: أن يكون مصطلحاً أو رمزاً ذو دلالة لفظية أي يمكن تعريفه ، تجريداً للخصائص المشتركة لمجموعة من الحقائق أو المواقف غير المتشابهة تماماً ، شاملًا كاملاً في تطبيقه فلا يشير إلى موقف معين بل يشير إلى كافة المواقف التي تتضمنها مجموعة ما.

أى أن المفاهيم الرياضية تعد من أهم المفاهيم العقلية المعرفية، ويعتبر تنميتها لدى المتعلمين إحدى أهداف تدريس الرياضيات في جميع المراحل العمرية، وهي اللبنات الأساسية التي تبني عليها المعرفة الرياضية تمثل في التعلميات والمهارات وحل المشكلات الرياضية، فالتعلم لا يستطيع أن يفهم تعلميات رياضية أو حل مسائل رياضية دون أن يكون على وعي وإدراك بالمفاهيم الرياضية المرتبطة بها، وعلى المعلم بشكل مستمر تعليم مفاهيم رياضية جديدة متنوعة لتلاميذه تتباين في عرضها.

كما يتزايد الاهتمام في الآونة الأخيرة بضرورة تنمية قدرة التلاميذ على التفكير ودمجه في عمليات التعلم، حيث أنه يمثل أنشطة عقلية مختلفة مثل: الاستدلال وحل المشكلات وتكوين المفاهيم وجمع المعلومات وتنظيمها وتكاملها ومتابعتها وتقييمها أثناء عملية التعلم ، وهناك أنماط مختلفة من التفكير مثل التفكير الرياضي والتفكير التحليلي والتفكير البصري والتفكير الإبداعي والتفكير الاستقرائي والإستباطي . وقد ينمى التفكير البصري لدى تلاميذ المرحلة الإبتدائية حيث يعتمد على حاسة البصر بمواد بصرية مختلفة مثل الصور والرسوم والرموز الرياضية .

وقد نشأ التفكير البصري في مجال الفن، فحينما ينظر المشاهد إلى رسم فإنه يفكر تفكيراً بصرياً لفهم الرسالة المتضمنة في الرسم، فالتفكير البصري يجمع بين أشكال الإتصال البصرية واللفظية في الأفكار، بالإضافة إلى أنه وسيط للاتصال والفهم الأفضل لرؤية الموضوعات المعقدة والتفكير فيها، مما يجعله يتصل بالآخرين، فالتفكير البصري نوع من الاستنتاج القائم على استخدام الصور العقلية التي تحوى المعلومات المكتسبة والأشياء المرئية. (Guttiere , z , 1996 , 3)

ويشير (محمد الطراونة، ٢٠١٤ ، ٧٩٨) إلى أن التفكير البصري من أنماط التفكير التي يمكن تنميتها لدى الطلبة بالإعتماد على الأشكال والرسومات والصور المعروضة في المواقف والعلاقات الحقيقة والمتضمنة فيها، إذ تقع الأشكال والرسومات والصور بين يدي المتعلم ويحاول أن يجد معنى لها وتفسيرها .

وقد عرف (حسن مهدي ، ٢٠٠٦ ، ٥٥) التفكير البصري بأنه منظومة من العمليات تترجم قدرة الفرد على قراءة الشكل البصري وتحويل اللغة البصرية التي يحملها ذلك الشكل إلى لغة لفظية مكتوبة أو منطقية واستخلاص المعلومات منه، وتتضمن هذه المنظومة مجموعة من المهارات: مهارة التعرف على الشكل ووصفه ومهارة تحليل الشكل ومهارة ربط العلاقات في الشكل ومهارة

إدراك وتفسير الغموض ومهارة استنتاج المعانى. كما عرفه (عزو عفانة، ٢٠٠١، ٢٠٠١) بأنه عبارة عن نشاط ومهارة عقلية تساعد الإنسان فى الحصول على المعلومات وتمثيلها وتفسيرها وإدراكتها وحفظها ثم التعبير عن أفكاره الخاصة بصرياً ولفظياً ، وذلك من أجل تحقيق التواصل مع الآخرين .

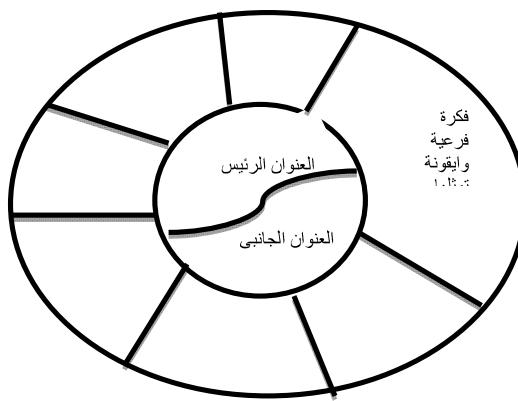
والتفكير البصري له أهمية كبيرة، حيث يمثل أداة عظيمة لتبادل الأفكار بسرعة قياسية سواء تم ذلك بصورة فردية أو جماعية، حيث يساعد على تسجيل الأفكار والمعلومات بصورة منتظمة، بغض النظر ما يمكن عمله أو معالجته تجاه موضوع أو مشروع ما بصورة واضحة، وبالإضافة إلى تميز هذا الأسلوب من التفكير في تنظيم المعلومات المعقّدة فإن اختلاط الألوان والصور والأشكال في المشاهد المتتابعة الملقطة بواسطة العين تعمل على زيادة القدرة على استحضار المشاهد، وهي ذات فائدة من خلال التحصيل العلمي لاستيعاب المعلومات الجديدة بسرعة وإنقان. (إيمان طافش، ٢٠١١، ٤، ١)

أى أن التفكير البصري نوع من أنواع التفكير يثير عقل المتعلم ويمكن تمييته لدى المتعلمين بالاعتماد على الأشكال والرسومات والصور المعروضة في المواقف المختلفة، وله أهمية كأدلة عظيمة لتبادل الأفكار بسرعة مناسبة بين المتعلمين ومساعدتهم على الحصول على المعلومات وتمثيلها وتفسيرها وإدراكتها وحفظها ثم التعبير عنها في صورة أفكار بشكل بصري أو لفظي.

وتعتبر مرحلة التعليم الأساسي من المراحل المهمة التي يتم فيها تنمية المفاهيم ومهارات التفكير لما تميز به التلاميذ في هذه المرحلة من خصائص عقلية ونفسية ونمو جسدي تساعدهم على سرعة التعلم، الأمر الذي يتطلب الاهتمام بهذه المرحلة.

ولما كانت المفاهيم الرياضية والتفكير البصري لها دور مهم في تعلم التلاميذ مادة الرياضيات وتدريبهم على توظيف ما لديهم من معلومات رياضية في حل المسائل الرياضية والمواصفات الحياتية، لذا من الضروري تطبيق بعض الاستراتيجيات التدريسية الحديثة (ومنها استراتيجية شكل البيت الدائري) أثناء حصص الرياضيات وتجريب مدى فاعليتها في تحقيق ذلك ، حيث إنها قد تساعد المتعلم على فهم عمليات العلم وتعزز كفاءته الذاتية وتزيد من ثقته بنفسه واتخاذ القرار في مواقف الحياة المختلفة.

فاستراتيجية شكل البيت الدائري Round house Diagram Strategy اقترحها (Wandersee, 1994) من أجل تمثيل مجمل الموضوعات ، وتسهيل عملية التعرف على بنية المتعلمين المفاهيمية حيث يعمل على تجميع أجزاء المعرفة التي يملكونها المتعلمون. وقد سماها Wandersee بهذا الأسم تشبيها لها بالتراكيب الدائرية المستخدمة في السكك الحديدية لتبدل عربات القطارات بحيث يمثل الشكل المركزي الفكر الرئيسية الأساسية، وشكل البيت الدائري هو رسم هندسي دائري ثلثي الأبعاد يتكون من دائرة مركزية يقسمها خط اختياري وتحيط به سبع قطاعات خارجية، بحيث تمثل هذه القطاعات البنية المفاهيمية لجزء من المعرفة ، وتستخدم القطاعات السبعة المحيطة لتجزئة المفاهيم الصافية أو لترتيب تسلسل الأحداث أو لتعلم خطوات حل المشكلات ، بحيث يعي الم المتعلمين الشكل مبتدئين من موقع الساعة ١٢ وباتجاه عقارب الساعة. (Wander see & et al . 2005, 578)



شكل (١)
مخطط البيت الدائري

وتتطلب استراتيجية شكل البيت الدائري مراعاة بعض الأمور منها : مراعاة الحداثة والدقة في المادة العلمية وتسلسلها في الشكل المعد ، وضوح الأهداف وتطابقها مع أهداف المنهج ، تصميم شكل البيت الدائري تبعاً للمبادئ التربوية ونتائج نظريات التعلم الحافظة على التفكير وحب الاستطلاع العلمي ، وجود صلة وثيقة بين المادة التعليمية واحتياجات الطلبة واهتماماتهم وملاءمتها لمستوى النضج العقلي للطلاب، تقديم تغذية راجعة فورية وتعزيز مناسب له إثر كل إنجاز مما يثير دافعية المتعلم للتعلم، المتابعة ومراعاة الفروق الفردية، التركيز على التعلم الذاتي واستقلالية المتعلم وإمكانية إعتماده على نفسه في عملية التعلم من خلال الشكل المرسوم . (شحادة عبده، ٢٠١٣، ٢٣٩ - ٢٤٥)

بناء على ما سبق ، إن مناهج الرياضيات بطبعتها الترتكيبية يمكن من خلالها تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير البصري لدى المتعلمين وهذا يحتاج إلى تطبيق استراتيجيات تدرисية حديثة مثل استراتيجية الشكل البيت الدائري والتأكد من فاعليتها في تحقيق ذلك .

داعى البحث : نبعت مشكلة البحث من الجوانب الآتية :

١) الاطلاع على بعض الدراسات والبحوث السابقة التي تناولت متغيرات البحث ، وتم التوصل إلى :

- نتائج بعض هذه الدراسات والبحوث في مجال تعليم الرياضيات وجود ضعف في المفاهيم الرياضية ومهارات التفكير البصري لدى بعض تلاميذ مرحلة الإبتدائية ، منها دراسة (فائق فاضل ، على خالد ، ٢٠١٤) (محمد أبو هلال ، ٢٠١٢) بالنسبة للمفاهيم الرياضية ، دراسة (أسامة الحنان ، ٢٠١٥) (منال زغلول ، ٢٠١٥) (مريم أبو دان ، ٢٠١٣) بالنسبة لمهارات التفكير البصري .

- قلت الدراسات والبحوث التي استخدمت استراتيجية شكل البيت الدائري في تدريس مادة الرياضيات .

٢) دراسة واقع تدريس الرياضيات بحضور بعض حصص الرياضيات لبعض صفوف الصف الخامس الابتدائي لبعض المدارس الابتدائية بمحافظة القاهرة أثناء متابعة طالبات التربية العملية بالفرقة الثالثة والرابعة شعبة رياضيات تعلم أساسى كلية البنات. وقد تم التوصل إلى: بالنسبة للتلاميذ : وجود صعوبات لدى بعضهم في تعلم المفاهيم والتعليمات الرياضية لكثرتها وتشابهها وتجردها وعدم فهم العلاقات بينها وربما حفظها الكثير من التلاميذ دون معنى ، وتدنى قدرتهم على الإحتفاظ بالمعرفة الرياضية لمدة طويلة.

بالنسبة للمعلمين : بعضهم يركز على تعلم المفاهيم والتعليمات الرياضية للتلاميذ كغاية في حد ذاتها ، وتقويم تذكرها أكثر من التركيز على فهم العلاقات والعمليات الضمنية بينها وتوظيفها في حل المسائل الرياضية، كما أن بعضهم ليس على دراية بمهارات التفكير البصري والبعض الآخر لا يهتم بتنميتها لدى التلاميذ .

٣) **تطبيق اختبار المفاهيم الرياضية واختبار التفكير البصري (بصورة مبدئية) في وحدة "الأعداد الطبيعية" على عينة من تلاميذ الصف الخامس الابتدائي بمدرسة "العزيز بالله الابتدائية" إدارة الزيتون عددهم (٥٠) تلميذ وتلميذة وتم التوصل إلى وجود تدني في درجات العينة في الاختبارين وقد يرجع ذلك إلى: عدم اكتسابهم المفاهيم والتعليمات الرياضية بطريقة ذات معنى تمكّنهم من سهولة استرجاعها وتوظيفها أثناء حل المسائل الرياضية، عدم تدريبهم على تحليل وتفسير الصور والأشكال والرسوم التخطيطية والجداول البيانية وتحويلها من لغة بصرية إلى لغة مكتوبة أو منطقية واستخلاص المعانى منها.**

لذا توجه البحث الحالى إلى استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري فى تدريس الرياضيات وتجريب مدى فاعليتها فى تنمية كل من المفاهيم والتعليمات الرياضية بشكل ذو معنى ومهارات التفكير البصري لدى التلاميذ .

مشكلة البحث:

بناء على ما سبق، يمكن تحديد مشكلة البحث الحالى في العبارة الآتية : وجود تدني في مستوى المفاهيم الرياضية والتفكير البصري لدى بعض تلاميذ الصف الخامس الابتدائي، بالرغم من أهميتها في عملية تعليم وتعلم الرياضيات إلا أنها لم تكن اهتماماً كافياً من القائمين على التخطيط والتدريس، لذا يسعى البحث الحالى إلى تجريب استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تدريس الرياضيات لتنمية المفاهيم الرياضية والتفكير البصري لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي .

ولتصدى لهذه المشكلة ينبعق عن البحث الحالى السؤال الرئيس التالي: "ما فاعلية استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية المفاهيم والتفكير البصري في الرياضيات لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي؟". ويترفرع عن هذا السؤال الرئيس الأسئلة الفرعية التالية:

- ١ - ما صورة الوحدة المختارة وفق استراتيجية شكل البيت الدائري ؟
- ٢ - ما فاعلية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية كل من :
 - أ- المفاهيم الرياضية لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي ؟
 - ب- التفكير البصري لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي ؟

فرضيات البحث :

- ١ - لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية بين متواسطي درجات تلاميذ المجموعتين (الضابطة والتجريبية) في التطبيق البعدي لاختبار المفاهيم الرياضية .
- ٢ - لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية بين متواسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية في التطبيقين (القبلى والبعدى) لاختبار المفاهيم الرياضية .
- ٣ - لا تتصف استراتيجية شكل البيت الدائري بالفاعلية في تنمية المفاهيم الرياضية لدى تلاميذ المجموعة التجريبية .
- ٤ - لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية بين متواسطي درجات تلاميذ المجموعتين (الضابطة والتجريبية) في التطبيق البعدي لاختبار التفكير البصري في الرياضيات .
- ٥ - لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية بين متواسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية في التطبيقين (القبلى والبعدى) لاختبار التفكير البصري في الرياضيات .
- ٦ - لا تتصف استراتيجية شكل البيت الدائري بالفاعلية في تنمية التفكير البصري لدى تلاميذ المجموعة التجريبية .

حدود البحث: اقتصر البحث الحالى على :

١. مجموعة من تلاميذ الصف الخامس الإبتدائى حيث أن خصائص التلاميذ النفسية والمعرفية والعقلية فى هذه المرحلة تتسم بالتطور والاستقلال فى التفكير والفهم العميق، لذا من الممكن تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير البصرى لديهم من خلال تدريس الرياضيات.
٢. وحدة (القياس) من كتاب (الصف الخامس الإبتدائى) بالفصل الدراسي الثاني مكونة من (٥ دروس) لأنها يتضمن العديد من المفاهيم والتعليمات الرياضية التي يمكن من خلالها تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير البصرى لدى التلاميذ، تتماشى هذه الوحدة مع طبيعة مخططات شكل البيت الدائري من وضع مفهوم أو تعليم رئيس وعمل قطاعات للأفكار والمفاهيم والتعليمات الفرعية.
٣. قياس المفاهيم الرياضية عند مستويات: التذكر ، والاستيعاب (يتمثل فى الفهم والتطبيق المباشر).
٤. قياس مهارات التفكير البصرى الآتية: مهارة التعرف على الشكل،مهارة التمييز البصرى،مهارة تحليل الشكل،مهارة استخلاص المعانى،مهارة تفسير المعلومات على الشكل .

مصطلحات البحث :**١. فاعلية Effectiveness :**

تعرف بأنها مدى الأثر الذى يمكن أن تحدثه المعالجة التجريبية باعتبارها متغيراً مستقلأً فى إحدى المتغيرات التابعه . (حسن شحادة ، زينب النجار ، ٢٠٠٣ ، ٢٣٠) و تعرفها (سهام حضاونة ، ٢٠١٢ ، ٢٧) بأنها القدرة على تحقيق أقصى النتائج والخدمات التى يمكن تحقيقها باستخدام الموارد المتاحة أحسن استخدام . و تعرف إجرائياً بأنها مقدار النمو الحادث فى المفاهيم ومهارات التفكير البصرى فى الرياضيات لدى التلاميذ نتيجة لاستخدام استراتيجية شكل البيت الدائري فى تدريس فى وحدة " القياس" بكتاب الرياضيات بالصف الخامس الإبتدائى الفصل الدراسي الثاني.

٢. استراتيجية شكل البيت الدائري Roundhouse Diagram strategy

عرفتها (رهف شحادة ، ٢٠١٤ ، ٢٣) بأنها مخطط يساعد على ترتيب المفاهيم وتنظيمها بشكل متسلسل و دائرى ليعالج المعلومات بصورة بصرية مما يحفز الدماغ على حفظ المعرفة بسهولة ويوسع القدرة الاستيعابية له ، كما يتبع سرعة إدراك العلاقات المتداخلة بين المفاهيم ، ويدرب المتعلم على تجزئة المفاهيم الكلية إلى جزئية وإعادة صياغتها بأسلوب منطقى صحيح وواضح .

وتعريفها (ثاني الشمرى ، ٢٠١١ ، ٩) بأنها استراتيجية تقوم على مخطط بصرى بصورة دائيرية يتكون من محور مركزى وسبعة قطاعات (قد تزيد أو تنقص اثنين) تماماً بالمعلومات والرسوم المبسطة تساعد المتعلمين على تنظيم المعلومات المعرفية بشأن مفهوم علمي معين .

وتعريفها (MC Cartney&Samsonov, 2011, 1260) بأنها استراتيجية تتكون من التخطيط plane (من خلال تسجيل أهم الأفكار الرئيسية من المحتوى) ، والرسم Diagram (من خلال وضع الأيقونات والرموز فى القطاعات السبعة ، والإنعكاس reflect) (تتمثل فى كون المتعلم يكتب فقرة ليشرح فيها الشكل الدائري) وفي هذه الحالة يكتشف المعلم المفاهيم والاعتقادات الخاطئة .

وتعرف إجرائياً بأنها مجموعة من الإجراءات التدريسية المنظمة تعتمد على مخطط بصرى دائرى يتكون من سبعة قطاعات (قد تزيد أو تنقص اثنين) تدور حول منتصف الدائرة الذى يمثل الموضوع أو المفهوم الرياضى الرئيسى المراد تعلمه ، مما يساعد على ترتيب وتنظيم المعلومات الرياضية (المتضمنة فى وحدة القياس) بشكل متسلسل ومتراربط وموضح بالصور والرسومات التوضيحية والرموز الرياضية.

٣. المفهوم الرياضى Mathematical Concept

عرفه كل من (فائق فاضل، على خالد، ٢٠١٤، ٥) أنه هو كل ما يرد من مصطلحات لها خصائص مشتركة أو مدلولات رياضية تحمل معنى متفق عليه.

كما عرفه كل من (عنو عفانه وآخرون ، ٢٠١٢ ، ٨٩) بأنه السمة المميزة أو الصفة التي تتوفر في جميع الأمثلة الدالة على ذلك المفهوم. وقد عرفه (زيد الهويدي، ٢٠٠٦، ٢٤) بأنه الوحدة البنائية للرياضيات وكل مفهوم مدلول معين يرتبط به، فالمفهوم فكرة مجردة تشير إلى شيء له صورة في الذهن وتعطى هذه الفكرة إسمًا ليدل عليها.

ويعرف إجرائيًا بأنه تكوين عقلى يتطلب من التلميذ تجريد مجموعة من الخصائص والصفات الرياضية المشتركة بين عدة أمثلة وموافق رياضية ثم استنتاج المفهوم الرياضي والتعبير عنه لفظياً أو رمزاً ، ثم استخدامه في تكوين المفاهيم الأخرى والتعويضات وحل المسائل الرياضية .

٣. التفكير البصري

عرفه (أحمد أبو زايد ، ٢٠١٣ ، ٦) بأنه قدرة الفرد على قراءة الصور والأشكال والرموز والرسوم التخطيطية والبيانية وتنبییزها بصریاً وتفسیرها وتحليلها واستخلاص المعلومات فيها.

وتعريفه (إيمان طافش ، ٢٠١١ ، ٤٣) هو قدرة عقلية تستلزم الصور والأشكال الهندسية والجداول البيانات وتنبییزها وتحويلها من لغة الرؤية واللغة المرسومة إلى لغة لفظية أو منطقية أو مكتوبة واستخلاص النتائج والمعانی منه من أجل التواصل مع الآخرين.

كما عرفه (فداء الشوبكى ، ٢٠١٠ ، ٣٥) بأنه قدرة الفرد على التعامل مع المواد المحسوسة وتنبییزها بصریاً ، بحيث تكون له القدرة على إدراك العلاقات المكانية وتفسیر المعلومات وتحليلها ، كذلك تفسیر الغموض واستنتاج المعنى بها.

ويعرف إجرائيًا بأنه قدرة التلميذ على التعرف على الأشكال الهندسية والتنبییز بينها ، واستخدم الصور والأشكال والرسومات التخطيطية وتحليلها وتفسیرها واستخلاص النتائج والمعانی منها وتحويلها من لغة بصرية إلى لغة مكتوبة أو منطقية.

منهج البحث :

في هذا البحث تم اتباع المنهج شبه التجربى باستخدام التصميم التجربى ذى المجموعتين المتكافئتين أحدهما مجموعة تجريبية (تدرس وحدة "القياس" وفق استراتيجية شكل البيت الدائري) والأخرى مجموعة ضابطة (تدرس نفس الوحدة بالطريقة المعتادة).

أهمية البحث : قد يسهم البحث الحالى فى :

- تقديم للقائمين على تخطيط المناهج وتطويرها رؤية جديدة في تنظيم محتوى الرياضيات وفق استراتيجية شكل البيت الدائري.

- مساعدة معلمى ومحبى الرياضيات فى المرحلة الإبتدائية من خلال تقديم دليل التلميذ ودليل المعلم فى وحدة "القياس" وفق استراتيجية الشكل البيت الدائري بما يساعدهم على معايرة كل ما هو حديث فى مجال تدريس الرياضيات ، واكساب تلاميذهم المفاهيم الرياضية وتنمية مهارات التفكير البصري لديهم مما يكون له تأثير إيجابى فى تعليمهم كيفية حل المسائل والمشكلات الرياضية.

- مساعدة المتعلم فى هذه المرحلة حيث أن استخدام استراتيجية البيت الدائري فى تدريس الرياضيات قد يساعده على : إعادة تنظيم محتوى المادة ورسمها فى صورة مخطط دائري ، ربط المعلومات الرياضية الجديدة بالمعلومات السابقة فى بنية المعرفية مما قد يؤدى إلى تعلم ذى معنى ، تنمية بعض ذكاءات لديه مثل الذكاء اللغوى وذكاء منطقى الرياضى ، تنمية بعض مهارات التفكير البصري لديه .

- فتح المجال أمام الباحثين لإجراء بحوث و دراسات متعلقة بتجربة استراتيجية شكل البيت الدائري في مجال تعليم الرياضيات وخاصة أنها لم تستخدم كثيراً في هذا المجال.

إجراءات البحث: قد اتبعت الباحثة الخطوات الآتية:

للاجابة عن السؤال الأول : اتبعت ما يلى :

١. الإطلاع على الأدب النفسي والتربوي والبحوث والدراسات السابقة في المجالات الآتية: استراتيجية شكل البيت الدائري ، المفاهيم الرياضية والتفكير البصري .

٢. تحليل محتوى وحدة "القياس" لتحديد المفاهيم والمعميمات والمهارات الرياضية التي تم تناولها وفق استراتيجية شكل البيت الدائري.

٣. إعداد الأدوات التعليمية تتمثل في : دليل التلميذ ودليل المعلم في وحدة "القياس" وفق استراتيجية شكل البيت الدائري.

للاجابة عن السؤال الثاني : اتبعت ما يلى :

٤. إعداد أدوات القياس تتمثل في (اختبار المفاهيم الرياضية واختبار مهارات التفكير البصري) في وحدة "القياس" والتأكد من صدقهما وثباتهما.

٥. اختيار مجموعة البحث من تلاميذ الصف الخامس الإبتدائي وتقسيمها إلى مجموعتين متكافئتين أحدهما تجريبية والأخرى ضابطة والتأكد من تكافؤهما.

٦. تطبيق أدوات القياس على مجموعة البحث . (التطبيق القبلي)

٧. تدريس وحدة "القياس" وفق استراتيجية شكل البيت الدائري للمجموعة التجريبية ، وتدريب نفس الوحدة كما هي في الكتاب المدرسي بالطريقة المعتادة للمجموعة الضابطة .

٨. تطبيق أدوات القياس على مجموعة البحث . (التطبيق البعدى)

٩. تفريغ البيانات وإجراء المعالجة الإحصائية باستخدام البرنامج الإحصائي SPSS.

١٠. عرض نتائج الدراسة الميدانية وتحليلها وتفسيرها.

١١. تقديم التوصيات والمقررات .

الإطار النظري والدراسات السابقة الخاصة بمتغيرات البحث

يتضمن هذا الجزء ثلاثة محاور:

المotor الأول : استراتيجية شكل البيت الدائري

استراتيجية شكل البيت الدائري استراتيجية حديثة مقتربة من wandersee عام (١٩٩٤)، وتعتبر قالباً يستطيع المتعلم من خلاله ربط المعلومات وتحديد العلاقات وتقديم التوضيحات ووصف الموضوعات، حيث يركز المتعلم على الفكرة العامة ثم يفصلها إلى أجزاء مبتدئاً من العام إلى الخاص.

الأسس الفكرية والفلسفية لاستراتيجية شكل البيت الدائري :

تعود الأصول الفلسفية لهذه الاستراتيجية إلى النظرية البنائية، فقد بناها wandersee على أساس ما قدمته كل من: نظرية التعلم لأوزوبل، ونظرية نوفاك للبنائية الإنسانية من تصور حول اكتساب المعرفة، وبحوث ميلار حول الذاكرة، وأبحاث الإدراك البصري. وفيما يلى توضيح لهذه النظريات والبحوث بشكل مختصر

١. نظرية أوزوبل Ausbel للتعلم ذي المعنى :

تركز نظرية التمثل المعرفي (أوزوبل) Assimilation theory على أهمية المعرف الساقية ، حيث تعتبر الأساس للمعارف الجديدة ، فالفرد يحمل أفكاراً ومفاهيمًا راسخة في بنائه المعرفيه وعندما تدخل المعرفة الجديدة يحدث التكيف Accommodation بتنظيم المعرفة السابقة لتشمل المعرفة الجديدة ، وبذلك يتم تمثيل المعرفة الجديدة داخل البنية المعرفية. (هي المزروع، ٢٠٠٥، ٢٧)

كما يؤكّد أوزوبل على إمكانية تحسين التذكر والتعلم من خلال استخدام وبناء إطار لتنظيم وتخزين المعلومات بشكل متراّبط ومنطقى وذو معنى حيث يؤدى تنظيم المعلومات وترابطها داخل

البناء المعرفي إلى حماية الفكر الجديدة من الفقد أو النسيان السريع فالآفكار المنظمة أقل عرضه للنسيان . (فتحي الزيات ، ٢٠٠٤ ، ٢٩٤ - ٢٩٥)

٢. نظرية نوفاك Novek البنائية :

قد ارتكزت هذه النظرية على مبدأ (أوزوبل) للتعلم ذى المعنى وهو " إن أكثر عامل يؤثر على التعلم هو ما يعرفه المتعلم بنفسه" ، وتأكد نظرته على عملية صنع المعنى من خلال تكوين ارتباط بين المفاهيم الجديدة والمفاهيم السابقة الموجودة في البنية المعرفية للمتعلم ، وتكوين مفاهيم ومعلومات جديدة تماماً ، مما يعطى فرصة للمتعلم لإعادة بناء أفكاره ومراجعةها وتقديرها وسهولة تذكرها. (ward & Wandersee,2002a,220)

٣. بحوث علم النفس لجورج ميلر Georg Miller (١٩٥٦) :

قد توصل ميلر في دراساته النفسية حول الذاكرة قصيرة المدى ، من أن أغلبية الناس يمكنهم تذكر سبعة أشياء ، قد تزيد أو تنقص أثنين ، لذلك اذا حدث لهذه المعلومات تجميع بشكل فعال بتقليل أو ضغط التفصيات ، فإن المتعلم يمكنه إيجاد علاقات بين الأفكار والمعلومات مما يؤدي إلى زيادة التذكر. (Ward & Wandersee,2002b,577) وشمول شكل البيت الدائري على سبع قطاعات خارجية جاء مع ما توصل إليه ميلر حول الذاكرة قصيرة المدى حيث أنها تيسر استرجاع المحتوى التي تجرى دراسته .

٤. أبحاث الإدراك البصري Visual Imagery

أكّدت هذه الابحاث على أن وجود الصور يساعد كثيراً على عمليات الترميز، فوجود الصور والتوضيحات تلفت انتباه المتعلم، فالذّكر والإدراك يزيد عندما تعرض المعلومات لفظياً وصوريًا. واستراتيجية شكل البيت الدائري جاءت متقدمة مع هذه الابحاث لأنها تشمل فكرة اندماج الصورة مع الفكر المكتوبة أو اللفظية يعزز أنظمة معالجة المعلومات مما يسهل استرجاعها.

من خلال العرض السابق، يتضح أن استراتيجية شكل البيت الدائري تستند على : النظرية البنائية (أن المتعلم يقوم بصياغة الأفكار الرئيسية ووصفها في شكل دائري بنفسه مما يسهل استدعاءها بسهولة ويسهل، أي تجعل التعلم مسؤولة المتعلم في حين دور المعلم موجه وبمشاركة في تعزيز المعلومات والأفكار الفرعية التي يصوغها المتعلم) ، ونظرية أوزوبل (أن المتعلم يربط ما لديه من معلومات في بيته المعرفية بالمعلومات والمعرفة الجديدة فيحدث التكيف بتنظيم المعرفة السابقة لتشمل المعرفة الجديدة) ، وبحوث جورج ميلر في علم النفس بشأن الذاكرة قصيرة المدى (أن المتعلم يستطيع تذكر سبعة أشياء " مع زيادة أو نقصان أثنين " وذلك بسبب تقسيم الفكرة الرئيسية إلى سبع أفكار فرعية يسهل على المتعلم ربطهم وذكرهم) ، وأبحاث الإدراك البصري (أن المتعلم يمثل المفاهيم والمعلومات التي توضع في شكل البيت الدائري بالرموز والصور والرسوم التخطيطية مما يزيد التذكر والإدراك لديه).

ماهية استراتيجية شكل البيت الدائري :

هناك عدة تعاريفات لاستراتيجية شكل البيت الدائري سيتم عرض بعضها بایجاز.

قد عرفتها (هيا المزروع ، ٢٠٠٥، ٢٤) بأنها استراتيجية تعلم من أجل تمثيل مجمل لموضوعات وإجراءات وأنشطة ، وتركز على رسم أشكال دائيرية تناول البنية المفاهيمية لجزئية محددة من المعرفة ، بحيث يمثل مركز الدائرة الموضوع الرئيس المراد تعلمه ، وتمثل القطاعات السبعة الخارجية الأجزاء المكونة للموضوع.

وتعريفها (Ward & lee, 2006 , 11) بأنها أداة لمعالجة المعلومات بطريقة بصرية إبداعية تتطلب من المتعلم بناء المعرفة بشكل متواصل ومتكملاً ليحل محل الممارسات التقليدية التي ترتكز على حفظ المعلومات بطريقة مجزأة، كما أنها تمكن المتعلمين من إنشاء مخططات للأفكار والرموز التي يمكن ملاحظتها بشكل منطقى متسلسل بينما ينماها (Mc Cormick,2007,47-49) بأنها تمثل شكل هندسى دائرى يتكون من قرص مركزى يحتوى على الفكر الرئيسية أو المفهوم الرئيس والقطاعات السبعة (٢+ أو ٢) التي تمثل تتبع الأحداث، وهى

وسيلة لتطوير فهم المتعلمين للمفاهيم العلمية المجردة حيث تساعدهم على تنظيم واستخلاص وإظهار المعلومات.

وعرفتها (أسماء الجنح، ٢٠١١، ٢٧) بأنها استراتيجية معرفية لتعلم الموضوعات بحيث تدرج معارف ومهارات الدرس من الأقل شمولية وعمومية إلى الأقل شمولية وعمومية مع إيضاح المعرف برسوم أو صور توضيحية أو معادلات أو رموز. بينما عرفها MC Cartney & Figg (2011, 2) بأنها خريطة لقصة مرئية مبنية على أساس معرفي ثم تصميها لتعزيز ذاكرة المدى الطويل بحيث تتطلب من المتعلمين بناء المعرفة باستخدام روابط بصرية واعية، ويقوم المتعلمون برسم بياني لمفاهيم ذات علاقة وأيقونات بأسلوب متتابع.

وعرفتها (خلود نعيم، ٢٠١٢، ١٦) بأنها إجراءات تساعد المتعلمين أن يقوموا بتحديد المفهوم أو الفكرة الرئيسية بالإعتماد على أدوات الربط (من أو في) و(الواو)، ويقوم المتعلمون بأنفسهم بملأ القطاعات المحيطة بمحور الفكرة الرئيسية بالمعلومات والرسوم البسيطة بغرض توضيح العلاقات التي ترتبط بها المفاهيم وقد أكدت على ذلك (صالحة المعشى، ٢٠١٦، ٨) حيث عرفتها بأنها مجموعة من الإجراءات التي يتم فيها تنظيم المعلومات والمعارف وترتيبها في مخطط تنظمي بشكل متكامل، من أجل مساعدة التلاميذ على فهم المعلومات والمعارف وربطها مع بعض، حيث تطبق هذه الاستراتيجية في رسم شكل دائري يمثل الموضوع الرئيسي والأجزاء المكونة للموضوع توضع في قطاعات خارجية حول الموضوع الرئيسي مع التوضيح بالصور والرموز.

بينما عرفتها (مروة منها، ٢٠١٣، ١٠) بأنها مجموعة فعاليات تعليمية تقوم على إعداد منظم بصري دائري الشكل يساعد على عرض المفهوم من خلال سبعة قطاعات تحتوى على أهم أفكار المفهوم بالإضافة إلى صور أو رموز لهذه الأفكار مما يساعد على سهولة استرجاعها.

وعرفتها (الفة قاسم، ٢٠١٤، ٧) بأنها استراتيجية تعلم قائمة على أسس النظرية البنائية يتم من خلالها تمثيل الموضوعات العلمية وذلك برسم مخطط دائري يتم من خلاله عرض المفاهيم العلمية المرتبطة بموضوع ما، بحيث يمثل مركز الدائرة الموضوع العلمي المراد تعلمه وتتمثل القطاعات الخارجية المفاهيم العلمية أو الأفكار المكونة للموضوع، حيث يمثل كل منها بصورة أو رمز تهدف إلى التعرف على التصورات البديلة لهذه المفاهيم العلمية وقد اتفق معها (محمد الطراونة، ٢٠١٤، ٨٠٢) حيث عرفها بأنها استراتيجية تدريس تستند إلى النظرية البنائية ، يقوم المتعلم من خلالها بتمثيل المفاهيم العلمية المتعلقة بقوانين نيوتن في الحركة من خلال ثلاث مراحل هي : التخطيط planning والرسم Diagramming والتأمل Reflection.

من العرض السابق لبعض تعريفات استراتيجية شكل البيت الدائري يمكن استخلاص العناصر الأساسية المشتركة بين هذه التعريفات:

- إنها شكل هندسى ثنائي الأبعاد دائري الشكل يتكون من سبع قطاعات.
- تعتمد على النظرية البنائية من خلال ربط معلومات الجديدة بالمعلومات السابقة وإعادة تنظيمها داخل البنية المعرفية لدى المتعلم.
- تعتمد على تحديد العنوان الرئيس ثم تقسيمه إلى سبع أفكار (قلت أو زادت اثنين) وملء بها قطاعات السبعة بالشكل بشكل منطقى ومتسلسل.
- أداة لمعالجة المعلومات المركبة وتنظيمها بطريقة بصرية، تهدف إلى تنمية المفاهيم وربطها بصورة يسهل استرجاعها.

1. أهمية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري :

بالنسبة للمتعلم :

- تساعد على تنمية بعض الذكاءات لدى المتعلمين مثل : الذكاء اللغوى (من خلال المناقشات التي تتم بينهم أثناء تصميم الشكل)، الذكاء المنطقى الرياضى (من خلال العصف الذهنى الذى سيقوم المتعلمون بعمله، لتضمين الأفكار فى القطاعات السبعة داخل الشكل) ، الذكاء البصري المكانى (ويمكن تنميته عند استخدام هذا الشكل، لأن الشكل يجعل المعلومات العلمية الخاصة

بالمفاهيم العلمية منظمة بشكل بصرى يمكن رؤيته، وبالتالي يسهل تذكر المعلومات واستدائعها)، الذكاء الشخصى الخارجى (يتم تنميته من خلال قيام المتعلمون بتصميم الشكل على هيئة مجموعات تعاونية) . (Ward & Wandersee , 2002b, 579)

- تساعد على إكساب المتعلم بعض عمليات العلم منها: عملية التصنيف (من خلال تقسيم المعلومات المرتبطة بالمفهوم الرئيس الذى يوضع فى محور الشكل، والذى يتم استخدام حرف الواو كأداة ربط بين الكلمات المتضمنة فى ذلك التقسيم)، عملية صياغة النماذج (من خلال تحويل المتعلم المعلومات العلمية المجردة والصعبة إلى أشياء مبسطة باستخدام الرسوم والنماذج التوضيحية فى القطاعات السبعة الخارجية للشكل)، عملية التواصل (من خلال قيام كل مجموعة بعرض الشكل الذى أعدته أمام الطلبة الآخرين) . (Ward & Wandersee , 2002b, 579)
- تساعد فى تنمية بعض مهارات التفكير البصرى لدى المتعلم من خلال : مساعدته على معالجة المعلومات بطريقة بصرية إبداعية ، وتحويله للمعلومات الصعبة المجردة إلى معلومات سهلة مبسطة تسهل قراءتها واستداؤها باستخدام الرسومات والصور والنماذج والكلمات البسيطة ، كما أنها تعزز من كفاءته الذاتية وتكتسبه المقدرة على صنع القرارات فى مواقف الحياة.
- تساعد المتعلمين على : ربط المعلومات التى يمكن استخلاصها من المحتوى الدراسى ببعضها ببعض، بناء قاعدة معرفية صلبة لكونها تقلل من عدد المفاهيم الخاطئة لديه، تعزيز الطلاقة والمرونة والأصالة البصرية لديهم ، زيادة ثقتهم بأنفسهم من خلال مساعدتهم على التعبير عن أفكاره، تعزيز روح التعاون والعمل الجماعى بينهم ، إضفاء جو من المرح والمتعة أثناء تعلمهم. (Ward & lee,2006,18)
- تغير موقف المتعلم ودوره من كونه متلقٍ سلبياً إلى متعلم نشط وإيجابي حيث يعتمد على نفسه بدلاً من إعتماده الكلى على المعلم ، وتحول أعماله من كونها بسيطة إلى أعمال هادفة وذات معنى، وتحسين مهارة الكتابة لديه فيستطيع كتابة جمل وفقرات مفيدة وبسهولة.
- تساعد على ربط المعرفة الجديدة للمتعلم بالمعارف السابقة في البنية المعرفية، وتيسير عملية تعلم المفاهيم المرتبطة بالموضوع وتبنيتها في ذهنه مما يسهل تذكرها واسترجاعها في المستقبل ، وإعداد ملخص تصصيلي لمحتوى التعلم ، تمثيل المادة العلمية بآفاقها وصور تساعد المتعلم على توضيحها. (أسماء الجنين, ٢٠١١، ١٤٠٠)
- تساعد المتعلم على رؤية المفهوم بشكل أكثر شمولية ، وحفظ المعلومة لأنه تم تمثيل المعلومة لفظياً وبصرياً ، وتنظيم الأفكار وإعادة صياغة الأحداث المتسلسلة ، والتحليل والتصنيف من خلال استخراج الأفكار الرئيسية للمحتوى . (مروة منها، ٢٠١٣، ٢٧)
- تساعد على تلخيص الموضوع وتسهيل استرجاع المعلومات في المواقف المختلفة ، كما تساعد المتعلمين الذي يعانون من صعوبة في استيعاب أفكار الموضوع بصورة متصلة، وتؤدي إلى كسر الروتين والرتابة في الحصص الدراسية ، وتخلق بيئة تعليمية ممتعة ، وتعالج الموضوعات من خلال تنظيمها وترتيبها مما يؤدي إلى انتقالها من الذاكرة القصيرة إلى الذاكرة الطويلة المدى ، وتساعد على اكتشاف المعلومات الخاطئة لدى المتعلمين ، وتنمية الإبداع والتفكير يتضح ذلك أثناء بناء المتعلم شكل البيت الدائري. (صالحة المعشى، ٢٠١٦، ٢٧)

بالنسبة للمعلم: تكمن أهميتها في

- إنها أداة للتخطيط الجيد للتدريس، ومدخل مشوق ومثير في التدريس، ومرشد ومساعد للمعلم لتنظيم أفكاره وتوسيع الماده العلمية مع ايضاحها بالصور ، ووسيلة للتعرف على التصورات والمفاهيم الخاطئة لدى المتعلم والعمل على تصحيحها، وتساعد على توفير مناخ تعليمي جماعي للمناقشة بين المتعلمين، ملائمة لتطبيق الأنشطة والتجارب العلمية.(أسماء الجنين، ٢٠١١، ٢٠١٦)

▪ تزود المعلم بفهم واضح لمعرف المتعلم التي تولدت قبل حدوث عملية التعلم وبعدها مما يؤدى إلى إتاحة الوقت الكافى للمعلم لتصحيح المفاهيم الخاطئة لديهم، كما إنها تتيح للمعلم تحليل نتاجات تفكير المتعلمين حيث أن ربط الأفكار الرئيسية برموز إضافية تتيح للمعلم رؤية النقاط من وجهة نظرهم، إستقاء تعليماته من تساؤلات الطلاب بدلاً من الكتاب المدرسى ، تزيد من ثقته بنفسه وكفائه (McCartney & wadsworth, 2012, 1).

بناء على ما سبق يمكن تلخيص أهمية استراتيجية شكل البيت الدائري في تدريس مادة الرياضيات بالنسبة للمعلم والمتعلم في النقاط الآتية :

بالنسبة للمتعلم : قد تساعد على:

- ربط المعلومات الرياضية ببعضها بشكل منطقي ومتسلسل في بنية المعرفية ، مما قد يسهم فى استرجاع المعلومات الرياضية بسهولة (وخاصة إذا قام المتعلم ببناء شكل البيت الدائري بنفسه).
- معالجة المعلومات الرياضية لدى المتعلم بتنظيمها وترتيبها مما يؤدى إلى إنتقالها من الذاكرة قصيرة المدى إلى الذاكرة طويلة المدى .
- تنمية بعض الذكاءات لدى المتعلمين مثل: الذكاء اللغوى (من خلال التعبير الشفوى والكتابى عن مضمون الشكل الرياضى المعروض)، والذكاء البصرى المكانى(من خلال ترجمة المفاهيم أو التعليمات الرياضية المجردة بطريقة مرتئية محسوسة ووضع الرسومات والصور والأشكال التي تعبر عنها)، والذكاء الشخصى الخارجى (من خلال قدرة المتعلم على تصميم أشكال البيت الدائري لبعض المفاهيم أو التعليمات الرياضية بنفسه، ومن خلال تفاعله مع زملائه والمعلم أثناء التصميم) ، والذكاء المنطقي الرياضى(من خلال تقسيم المفهوم أو التعلم الرياضى إلى سبع أفكار تملأ القطاعات السبع للشكل).
- تنمية بعض أنماط التفكير لدى المتعلمين مثل: التفكير الاستقرائي والاستنتاجى(حيث تمكنه من تحويل الفكرة الرئيسية إلى عدة أفكار جزئية فيصبح مخطط شكل البيت الدائري تنظيم علاقة الكل بالأجزاء والأجزاء بالكل بحيث توضح وتيسير المفاهيم حتى يصل إلى فهم الصورة الكلية للمفهوم) ، والتفكير البصرى(من خلال إقتران المفاهيم والتعليمات الرياضية المجردة بالصور والرموز مما يسهل استيعابها وسهولة تذكرها) ، ومهارات التفكير الإبداعى ، والتفكير الناقد.
- تعزيز مهارة الكتابة والتلخيص لدى المتعلم (من خلال تعبير عن ما تم فهمه بالكتابة).
- زيادة ثقة المتعلم بنفسه وتعزز من تقديره لذاته.

بالنسبة للمعلم : قد تساعد على:

- اكتشاف المفاهيم الخاطئة لدى المتعلمين ومعرفة ما يعرفونه وما لا يعرفونه مما يتاح فرصة التصويب.

- استثارة تفكير المتعلمين وكسر حاجز الخوف من المفاهيم الرياضية المركبة.
- إثراء الحصيلة اللغوية والمعرفية لدى المتعلمين من خلال التواصل والمناقشات معهم.
- خلق بيئه تعليمية غنية وجو من المرح والمتعة أثناء تصميم وتعبئه شكل البيت الدائري.
- تحديد ما الذى يفكر به المتعلم من أجل تصحيح المفاهيم الرياضية البديلة وذلك من خلال بعض الأسئلة مثل (اخبرنى عن صورتك) وماذا تعنى لك هذه الإيقونة .
- كسر الروتين فى حصص الرياضيات، وتغيير مناخ الفصول من التركيز والتمحور حول المتعلم.
- تساعد المعلم على : توضيح المفاهيم المجردة ، تعزيز استخدامه لوسائل وأنشطة غير تقليدية ، تنوع الأنشطة والخبرات التعليمية ، الجمع بين الجانب النظري والجانب الممارسى من خلال قيامه بتحديد عناصر شكل البيت الدائرة ورسم الأيقونات داخل الشكل .

٤. مراحل تطبيق استراتيجية شكل البيت الدائري في العملية التعليمية

وباستقراء العديد من الأدبيات التربوية ^٤، يمكن تلخيص مراحل تطبيق استراتيجية شكل البيت الدائري في العملية التعليمية في النقاط الآتية:

(أ) مرحلة التخطيط: The planning phase: هي تتضمن الخطوات الآتية:

- يقوم المعلم بالتعاون مع المتعلمين بتحديد الموضوع المراد دراسته سواء كان مفهوماً أو تجربة عملية أو إجراءات معينة.
- يحدد المتعلم الهدف من بناء شكل البيت الدائري أسفل الشكل في الورقة التي سيرسم عليها المخطط أو ورقة خارجية مما يساعد على التركيز في دراسة الموضوع.
- يحدد المتعلم جانبيين يتناولهما الموضوع الرئيس بحيث يكونان عنوانين متفرعين عن الموضوع الرئيسي (إذا كان الموضوع يحتمل ذلك) وتسجليهما على جانبي المنحنى في القرص الدائري.
- يقسم المتعلم الموضوع الرئيس إلى سبعة أفكار رئيسية (قد تزيد وقد تنقص عن الثمان) ويكتب عبارة لكل منها ثم يلخصها في عنوان يوضح خلاصة الفكرة.
- يرسم أيقونة (شكلًا أو صورة أو رسمًا مبسطا) لكل من العناوين السبعة بحيث تساعد على تذكر العناوين.
- يتتأكد من أن كل مفهوم أو فكرة في القطاعات له علاقة بالمفهوم الذي يليه وبأسلوب متناسب.

(ب) مرحلة التصميم (الرسم البياني): The Diagramanaging phase: تتضمن الخطوات الآتية:

- يبدأ المتعلم بملء الفراغات أو القطاعات الخارجية لشكل البيت الدائري بالمفاهيم والرسومات والأيقونات ذات الصلة مبتدئاً بالقطاع المشير إلى الساعة ١٢ وباتجاه عقارب الساعة وبشكل متسلسلاً مع بقية القطاعات الأخرى.

- يكتب المتعلم عنوان الشكل (أو المفهوم الرئيس) داخل القرص الدائري مستخدماً كلمات الربط (من) أو (في) أو (الواو).
- يستخدم المتعلم مهارات القراءة خلال الدرس كله، وإذا شعر بحاجته إلى التوسيع في نقطة معينة يمكن استخدام شكل -(القطاع المبكر) للشرح والتعليق.

(ج) مرحلة التفكير(التأمل): TheReflection phase: تبدأ هذه المرحلة الأخيرة بعد إنتهاء المتعلم من رسم الشكل وحصوله على التغذية الراجعة من المعلم ، وفيها يقوم المتعلم بالشرح بأسلوبه الخاص ماذا يعني الشكل حيث يقوم بكتابة مقال يحكي قصة الشكل مبتدأاً بشرح ووصف المعلومات الذي يحتويها كل قطاع (بما يحتويه من رموز وصور وأفكار) في وضع الساعة(١٢) ويستمر بإتجاه عقارب الساعة.

بناء على ما سبق، ويمكن تحديد خطوات تطبيق شكل البيت الدائري عند استخدامها في تدريس مادة الرياضيات في مرحلتين:

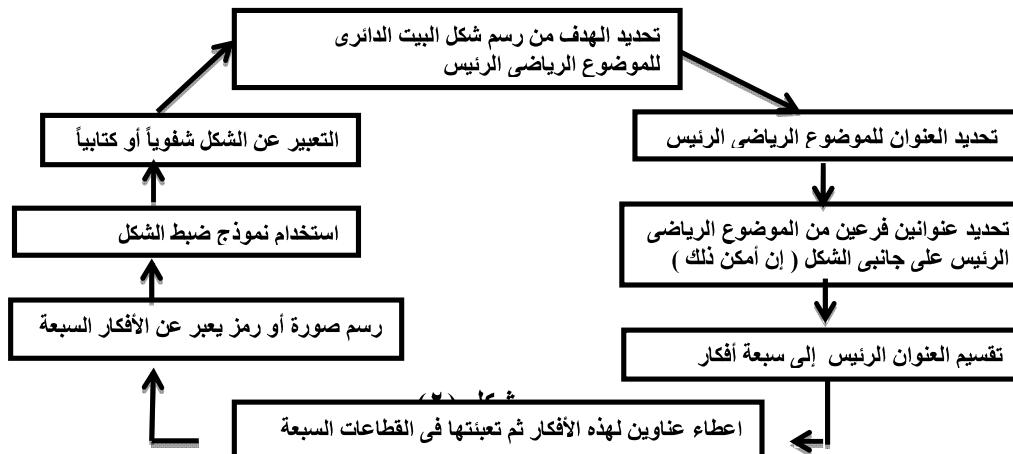
١ - مرحلة التخطيط : وتحتضم الخطوات الآتية :

- تحديد الهدف من تصميم الشكل الدائري ويكتب أسفل الشكل.
- تحديد الموضوع " أو المفهوم أو التعميم" الرياضي الرئيس ويتم كتابته داخل محور الدائرة .
- تحديد عنوانين فرعيين يتناولهما الموضوع الرياضي الرئيس وتسجليهما على جانبي المنحنى في القرص الدائري "إن أمكن ذلك".
- تقسيم الموضوع الرياضي الرئيس إلى سبعة أفكار رياضية (قد تزيد أو تنقص فكرين) وتكتب عبارة لكل منها ، ويقوم المتعلم بتحليل المفاهيم والتعميمات الرياضية المعقدة لتصبح أبسط.
- رسم صورة بسيطة أو رمز يعبر عن كل فكرة رياضية "من الأفكار السبعة" لتعزيزها في كل قطاع).

٢ - مرحلة التصميم: وتحتضم الخطوات الآتية :

- رسم شكل البيت الدائري ووضع الموضوع الرئيس في الدائرة المركزية .

- البدء في ملء شكل البيت الدائري بالأفكار الرياضية والصور" أو الرموز الرياضية " التي تعززها مبتدئاً بالقطاع المشير إلى الساعة ١٢ والإنتقال بإتجاه عقارب الساعة وبشكل متسلسل ، ويمكن الاستعانة برسومات وصور جاهزة ، وإذا كان هناك قطاع من قطاعات شكل البيت الدائري يحتاج إلى توسيع يقوم المتعلم بتكبيره للشرح والتعليق.
- يكتب المتعلم وصف مبسط لشكل البيت الدائري للمفهوم الرياضي في مقال قصير.



مراحل تطبيق استراتيجية شكل البيت الدائري في تدريس مادة الرياضيات

٥ . نموذج ضبط شكل البيت الدائري :

لقد تم إعداد قائمة من المعايير لضبط شكل البيت الدائري يستخدمها كل من المعلم والمتعلم ، فيقوم على أساسها المعلم بتقييم عمل المتعلمين، ويستخدمها المتعلم كموجة له أثناء عملية بناء شكل البيت الدائري وبالتالي تساعد في التقييم الذاتي ، وقد تم تحديدها من قبل:

(Ward & Wandersee, 2002a, 210)

ويوضح ذلك في الجدول التالي :

جدول (١)
قائمة بمعايير تقييم بناء شكل البيت الدائري

العبارة	نعم	لا
تتضمن الأسئلة الآتية : هل		٩
قام المتعلم بتحديد الأهداف بوضوح وكتابتها؟		١
العنوان شامل ويعطي المفهوم العلمي المراد عمل الشكل له؟		٢
يحتوى الشكل على المفاهيم والمعلومات الفرعية المرتبطة بالمفهوم الرئيس؟		٣
توجد من ٥ إلى ٩ أفكار فرعية واضحة في الشكل؟		٤
حددت المفاهيم بدقة؟ أو هل تم تعريف المفاهيم بجمل مختصرة بشكل صحيح؟		٥
توجد رسمة أو صورة في كل قطاع توضح المفهوم داخل القطاع؟		٦
يوجد تتبع دقيق وصحيح للمعلومات داخل القطاع؟		٧
إذا قام الطالب بتكبير إحدى القطاعات فهل هو متضمن في الورقة التي قام الطالب برسم الشكل عليها؟		٨
تم استخدام المساحة بشكل جيد في كل قطاع؟ أي هل توجد فراغات بين الكلمات المكتوبة؟		٩
الشكل من الناحية الجمالية منظم ومرتب وتسهل قراءته؟		١٠

٦. ١. دراسات وبحوث سابقة تناولت استراتيجية شكل البيت الدائري في مجال التعليم بوجه عام:

نظراً لقلة الدراسات السابقة التي استخدمت استراتيجية شكل البيت الدائري في مجال تعليم الرياضيات (على حد علم الباحثة) تم عرض دراسات وبحوث سابقة تناولت استراتيجية شكل البيت الدائري في مجالات تعليم أخرى.

١. دراسة (صالحة المعشى، ٢٠١٦): هدفت إلى دراسة فاعلية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية التحصيل الدراسي لمقرر العلوم وبقاء أثر التعلم لدى تلميذات الصف السادس الإبتدائي.

٢. دراسة (ماهر زنقور، ٢٠١٦): هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري كمنظم معرفي لتنمية مهارات التنظيم الذاتي الرياضي وسرعة تجهيز المعلومات في الرياضيات لدى طلاب المرحلة المتوسطة.

٣. دراسة (الفة قاسم ، ٢٠١٤): هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في علاج التصورات البديلة لبعض المفاهيم العلمية في مادة الثقافة العلمية لدى طالبات الصف الحادى عشر.

٤. دراسة (رهف شحادة ، ٢٠١٤): هدفت إلى دراسة فاعلية استخدام استراتيجية مخطط البيت الدائري وحقيقة تعليمية محسوبة في تدريس العلوم الحياتية وأثرها في تحصيل طالبات الصف التاسع واتجاهاتهن نحو المادة.

٥. دراسة (محمد الطراونة ، ٢٠١٤): هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية التفكير البصري لدى طلاب الصف التاسع الأساسي في مبحث الفيزياء .

٦. دراسة (Kocakayat,s,2014) هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية المفاهيم العلمية الخاصة بموضوعات "القوة والحركة" لدى طلاب الصف التاسع من طلاب المرحلة الثانوية .

٧. دراسة (رفاه عزيز ، باسم محمد ، ٢٠١٣) : هدفت إلى دراسة أثر استراتيجية شكل البيت الدائري على تحصيل تلاميذ الصف الخامس الإبتدائي في الرياضيات .

٨. دراسة (مروة منها، ٢٠١٣): هدفت إلى دراسة فاعلية استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية المفاهيم العلمية ومهارات التفكير المنظومي في العلوم الحياتية لدى طالبات الصف الحادى عشر.

٩. دراسة (شحادة عبده ، ٢٠١٣): هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تحصيل طلبة الصف العاشر والإحتفاظ بتعلمه واتجاهاتهم نحو مادة الفيزياء .

١٠. دراسة (محمد الطراونة ، ٢٠١٣) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية التفكير البصري لدى طلاب الصف التاسع الأساسي في مادة الفيزياء .

١١. دراسة (Mehmet Mutlu,2013): هدفت إلى دراسة أثر استخدام المعلمين لاستراتيجية شكل البيت الدائري كأداة بصرية لمعرفة طريقة تفكير الطالب في الموضوعات العلمية التي يدرسونها أثناء تصميم الأشكال، ومدى انعكاس ذلك على تنظيم المعلومات في بنائهم العقليه .

١٢. دراسة (خلود نعيم ، ٢٠١٢): هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية التفكير الإبداعي وتحصيل طالبات الصف الأول المتوسط للمفاهيم الأحيائية .

١٣. دراسة (شانى الشمرى ، ٢٠١١): هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في العلمية ومخطط البيت الدائري في تحصيل مادة الفيزياء وتنمية عمليات العلم لدى طلاب معاهد إعداد المعلمين .

١٤. دراسة (McCartney & Figg,2011): هدفت إلى تطبيق استراتيجية شكل البيت الدائري في المرحلة الإبتدائية ، ومعرفة أثر دمج التكنولوجيا الرقمية مع مخطط البيت الدائري وقد أثبتت النتائج أن دمج هذه الاستراتيجية مع التكنولوجيا الحديثة يزيد من قوتها.

١٥. دراسة (Ward&Lee, 2006): هدفت إلى دراسة فاعلية استراتيجية شكل البيت الدائري في فهم مادة الكيمياء لدى طلبة الصف الثامن .

١٦. دراسة (هيا المزروع ، ٢٠٠٥): هدفت إلى دراسة فاعلية استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية مهارات ما وراء المعرفة وتحصيل العلوم لدى طالبات المرحلة الثانوية ذوات السمات العقلية المختلفة .

تعقيب على الدراسات والبحوث السابقة الخاصة بهذا المحور بعض النقاط الهامة منها :

- الاستفادة منها في وضع الإطار النظري الخاص باستراتيجية شكل البيت الدائري ، وإعداد الأدوات التعليمية وتفسير النتائج .
- أكدت نتائج بعض هذه الدراسات والبحوث على فاعلية استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية كل من : التفكير البصري ، التفكير الإبداعي ، التفكير المنظومي ، التحصيل ، الاتجاه نحو المادة ، المفاهيم العلمية ، مهارات ما وراء المعرفة ، الاحتفاظ بالتعلم ، عمليات العلم ، مهارات التنظيم الذاتي .
- قلة الدراسات التي استخدمت هذه الاستراتيجية في مجال تعليم الرياضيات ، فعلى حد علم الباحثة لا يوجد إلا دراستين هما: دراسة(رفاه عزيز وباسم محمد، ٢٠١٣) ودراسة(Maher Znchor، ٢٠١٦).

• لا يوجد دراسة تناولت فاعلية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية المفاهيم الرياضية ومهارات التفكير البصري في مجال تعليم الرياضيات ، رغم أهميتها في هذا المجال.

المحور الثاني : المفاهيم الرياضية

تعد المفاهيم الرياضية اللبنة الأساسية للبناء الرياضي ، حيث أن التعميمات والمهارات وحل المشكلات الرياضية تعتمد بشكل كبير على المفاهيم الرياضية .

١.٢ تعريف المفهوم الرياضي :

هناك العديد من التعريفات الخاصة بالمفهوم الرياضي ، وسيتم عرض بعضها بإيجاز .

عرفته(إيهال غندوره، ٢٠٠٥، ١٢) بأنه صورة عقلية تتكون لدى المتعلم من تجريد للخصائص المشتركة بين عدة مواقف رياضية، يعبر عنها برمزاً ولفظ أو إسم له دلالة معينة مثل العدد، التصنيف، المقابلة أو المزاوجة، القياس، المربع، المثلث. وقد أكدت على ذلك (فاطمة السيد، ٢٠١٤، ٢٣١)، حيث عرفته بأنه تصور عقلي مجرد يعطى رمزاً أو إسماً أو فكرة قائمة على أساس الخواص والمبادئ لظاهرة رياضية أى أنه تصور عقلي يمكن للطفل إدراكه من خلال نماذج محسوسة ويدل على خصائص رياضية مختلفة سواء كانت عددية أو قياسية أو هندسية.

كما عرفه(عماد الدين حمدان، ٢٠١٠، ٦٤) بأنه عبارة عن فكرة أو مجموعة من الأفكار تستخدم لتبييب مجموعة من المدركات، وتتميز دائماً بكلمة أو عبارة أو رمزاً يصبح إسماً للمفهوم، وبأنه الوحدة البنائية للرياضيات وكل مفهوم مدلول معين يرتبط به، فالمفهوم فكرة مجردة تشير إلى شيء له صورة في الذهن وقد تعطى هذه الفكرة إسماً ليدل عليها وقد اتفق معه (محمد أبو هلال، ٢٠١٢، ٣٧)، حيث عرفه بأنه فكرة رياضية معممة تتضاًن نتيجة تجريد صفة أو أكثر، ويعبر عنها لفظياً أو رمزاً بحيث يستطيع المتعلم تمثيل المفهوم بأكثر من طريقة بحسب فهمه للفكرة.

وعرفه (عزو عفانة وآخرون، ٢٠١٢، ١٠) بأنه مجموعة من الخصائص المشتركة للمضامين الرياضية التي ترتبط مع بعضها في إطار رياضي موحد لبناء الأساس المنطقي للمصطلح أو قاعدة رياضية. كما عرفه (هليل العنزي ، ٢٠١٤ ، ١١) بأنه مجموعة من الأشياء أو الرموز أو العناصر التي يتم تجميعها على أساس من الصفات أو الخصائص المشتركة، وقد يتفرع من المفهوم الواحد مجموعة من المفاهيم الرياضية فمثلاً مفهوم الشكل الرباعي يتفرع منه مجموعة من المفاهيم هي المربع والمستطيل وشبة المنحرف.

ومن العرض السابق لتعريفات المفهوم الرياضي ، يمكن تحديد أهم النقاط الخاصة به في النقاط الآتية :

- هو تجريد ذهنى أو تصور عقلى مجرد من الخصائص أو الصفات المشتركة من علاقة الحقائق مع بعضها يتكون منها المفهوم ، و لكل مفهوم رياضى مجموعة من الخصائص المميزة .
- هو اللبنة الأساسية لتكوين التعميمات والمهارات الرياضية و حل المشكلات الرياضية .
- يتفرع عن المفهوم الرياضي الواحد عدة مفاهيم رياضية متفرعة منه .
- يكون شاملًا كاملاً في تطبيقه ، ويكون من عدة عناصر: اسم المفهوم، صفاتاته، الأمثلة الدالة عليه .
- يعبر عنه بعبارة رمزية أو لفظية ذات دلالة معينة .
- تختلف المفاهيم فيما بينها في:
 - درجة تعلمها (فهناك مفاهيم رياضية يمكن تعلمها أسرع من غيرها).
 - عدد الأمثلة الدالة عليها ، نوعية الأمثلة التي تمكن المتعلم من إدراك هذه المفاهيم حسياً و عقلياً.
 - درجة استخدامها (فهناك مفاهيم تستخدم أكثر من غيرها في فهم وتكوين التعميمات والمهارات الرياضية و حل المسائل الرياضية).
 - درجة عموميتها (طبقاً لعدد المفاهيم المتضمنة فيها، ويزداد عدد الصفات المميزة والضرورية لتعريف المفهوم الرياضي كلما أصبح المفهوم أقل عمومية).
 - يختلف المتعلمون في درجة تعلمهم للمفاهيم الرياضية حسب درجة نضجهم وتعلمه .
 - المفاهيم الرياضية تنمو باستمرار (حيث هذا النمو يكون من الغموض إلى الوضوح ومن البساطة إلى التعقيد) ، وقابلة للتعديل والمراجعة نتيجة للتقدم المعرفي .
 - تعتمد المفاهيم الرياضية في تكوينها على الخبرات السابقة والممارسة لدى المتعلم ، و عمليات التعلم مثل التبييز والتصنيف والتطبيق والتنظيم والتعميم .

٢. ٢ أهمية تعلم المفاهيم الرياضية

تستمد المفاهيم الرياضية أهميتها ، بإعتبارها إحدى مداخل بناء مناهج الرياضيات الدراسية ، ويمكن تلخيص أهمية تعلمها في النقاط الآتية :

- تساعد على إنتقال أثر التعلم فالمتعلم الذي يعرف مفهوم المثلث يمكنه أن يتعرف على أي مثلث حتى ولم يسبق له رؤيته و دراسته . (عباس المشهدانى ، ٢٠١١ ، ٢٩ ، ٣٠)
- تسهل عملية اختيار محتوى مناهج الرياضيات وتنظيمه فظهور فقرات المنهج متراقبة لظهور المادة التعليمية كسلسة من الخبرات تتبع عن الخبرات السابقة لها وتؤدى إلى خبرات اللاحقة الأمر مما يقلل من نسيانها ، تجعل الرياضيات ذات معنى وأكثر فهمهاً ووضوحاً مما يجعل تعلمها أكثر سهولة ويزيد من فاعالية التعلم وإنتقال أثره للمواقف والظروف الجديدة ، تساعد على تنمية تفكير المتعلمين وترزيد من قدراتهم على فهم وتفسير كثير من الظواهر الحياتية و حل المشكلات اليومية ، تستقر في الذاكرة البعيدة له مما يكسبه احتفاظاً طويلاً لما تعلمه . (إيهال غندوره ، ٢٠٠٥ ، ٢٧)

• تعلمها يوجد نتاجات تعليمية أخرى منها : المهارة في المعالجة (تعنى المهارة في الحسابات العديدة والمهارات فى إدراك وتمييز العلاقات الرياضية) ، تطبيق المفاهيم فى حل المشكلات ، شعور المتعلم بالرضا الناجم عن المعرفة واستخدام المفاهيم الرياضية . (زينات دعنا ، ٢٠٠٩ ، ٣٧)

• تساعده على: تجميع الحقائق وتصنيفها ، التفسير والتطبيق مما يساعد على تفسير المواقف والأحداث الجديدة التي يتعرض لها الفرد، التوجيه والتتبؤ والتخطيط لأى نشاط، تسهيل عملية دمج التكوينات الشاملة العامة وما بينها من ارتباطات فرضية في البناء المعرفى للفرد مما يساعد على

اكتساب معانى اشتقاقة جديدة والاحتفاظ بها كجزء من البناء المعرفى للفرد ، حل المشكلات باستخدامها والربط بينها وإعادة تنظيمها أثناء وضع الفروض و اختيارها وبذلك يمكن الوصول إلى حلول ذات معنى . (عmad الدين حمدان، ٢٠١٠، ٧٠) (هليل العنزي، ٢٠١٤، ١٧) **بناء على مسبق**، يمكن استخلاص أهمية اكتساب المفاهيم الرياضية لدى المتعلم فى إنها:

- تساعد على فهم التعليمات الرياضية و حل المسائل والمشكلات الرياضية، تلعب دوراً هاماً في تحديد الأهداف و اختيار و تنظيم المحتوى والوسائل والأنشطة التعليمية وأساليب التقويم.
- تساعد على ربط جسور التواصل بين مختلف مكونات مادة الرياضيات.
- تجعل مادة الرياضيات ذات معنى لدى المتعلم وأكثر فهماً ووضوحاً مما يجعل تعلمها أكثر سهولة .
- تساعد على تنمية التفكير لدى المتعلم و تزيد من قدرته على فهم و تفسير كثير من الأشياء التي تثير انتباه و حل المشكلات اليومية .
- تساعد على تنمية المهارات العقلية الآتية: التنظيم والربط والتمييز والتصنيف والتفسير ، تساعد على إثراء البنية المعرفية لدى المتعلم .

٣ .٢ . تصنیف المفاهیم الرياضیة :

صنف كل من (إبراهيم عقilan، ٢٠٠٢، ١١٠) (زيد الهويدي، ٢٠٠٦، ٢٥) المفاهيم الرياضية إلى عدة تصنیفات هي:

- المفاهيم الحسية والمجردة : فالمفاهيم الحسية (تنتمي إلى مجموعة الأشياء المادية التي يمكن ملاحظتها وقياسها مثل المنقلة والمسطرة والفرجار) ، أما المفاهيم المجردة (هي مفاهيم دلالية غير حسية لا يمكن ملاحظتها وقياسها ومعظم المفاهيم الرياضية من هذا النوع مثل مفهوم العدد النسبي).
- المفاهيم المفردة والمفاهيم العامة : المفاهيم المفردة (تنتمي إلى مجموعة أحادية معنى أنها تتكون من عنصر واحد مثل مفهوم العدد) أما المفاهيم العامة (تن تكون من أكثر من عنصر مثل مفهوم الأعداد الأولية).
- مفاهيم متعلقة بالإجراءات (تركز على طرق العمل مثل مفهوم جمع الأعداد وطرحها وضربها وقسمتها).
- مفاهيم معرفة و مفاهيم غير معرفة: مفاهيم معرفة (يمكن تحديدها بعبارة أي قابلة للتعریف كمفهوم المرربع)، أما المفاهيم غير معرفة (لا يمكن تحديدها بعبارة تصف المفهوم وصفاً محدداً أي مفاهيم غير قابلة للتعریف مثل مفهوم النقطة والمستقيم).
- مفاهيم أولية و مفاهيم مشتقة : فالمفاهيم الأولية (مثل الزمن والسرعة) ، أما المفاهيم المشتقة (تمثل علاقة بين مفهومين أو أكثر من مفهوم المسافة أو مفهوم الكثافة) .
- كما صنف كل من (عزو عفانة وآخرون، ٢٠١٢، ٨٥) المفاهيم الرياضية إلى:
- مفاهيم إنتقالية : تمثل عملية تجريد لبعض الظواهر الفيزيقية ويتم تدریسها في المراحل الأولى لدراسة الرياضيات و غالباً ما يعاد بناء المفاهيم في مراحل متقدمة لتكون أكثر تجريداً.
- مفاهيم أولية : غير معرفة في بنية أي نظام رياضي معين مثل النقطة والمستوى.
- مفاهيم تتعلق بخواص بنية النظام الرياضي: مثل الإغلاق، العنصر المحايد، التجميع، الإبدال والتوزيع .
- مفاهيم ربطية: تتوفر في عناصر فراغها أكثر من خاصية وتستخدم أداة الربط "و" عند صياغة العبارة التي تصف محتوى المفهوم، مثل مفهوم الزمرة، المربع، المتوجه، العدد الأولى.

• **مفاهيم فصلية:** تبرز خاصية واحدة من بين عدة خواص تتوفر في عناصر فراغها، وتستخدم أداة الربط (أو) عند صياغة العبارة التي تعبر عن محتوى المفهوم مثل العدد الصحيح الغير سالب، فهو عدد صحيح موجب أو يساوى صفر، ومثل أكبر من أو يساوى.

• **مفاهيم العلاقات:** تشمل على علاقة معينة بين العناصر مثل أكبر من، أصغر من، الإقتران، التكافؤ.

• **مفاهيم إجرائية:** تتعلق بالعمليات مثل مفاهيم الجمع ، الطرح ، الضرب .

وهنالك عدة تصنيفات للمفاهيم الرياضية فمنها مفاهيم حسية (مثل مفهوم المسطرة) أو مفاهيم مجردة(مثل مفهوم العدد النسبي) ، وقد تكون مفاهيم مفردة (مثل مفهوم نقطة الأصل) أو مفاهيم عامة (مثل مفهوم عدد طبيعي) ، ويمكن أن تكون مفاهيم دلالية (مثل مفهوم عبارة صائبة أو خاطئة) أو مفاهيم وصفية (مثل مفهوم الاتصال) ، بالإضافة إلى بعض التصنيفات الأخرى.(محمد عباس وأخرون، ٢٠٠٧، ٨٤)

بناء على ما سبق يمكن تصنیف المفاهيم الرياضية الى :

- **مفاهيم بسيطة ومفاهيم معقدة:** مفاهيم بسيطة(تتضمن في مدلولها عدد قليل من الكلمات)،مفاهيم علمية (تعتمد على تفسير ظاهرة رياضية ما، وتتضمن في مدلولها عدد كبير من الكلمات).

- **مفاهيم حسية ومفاهيم مجردة :** مفاهيم حسية (مادية) (تعتمد على الملاحظة المباشرة ، ويمكن اكتسابها عن طريق الحواس والخبرات المباشرة مثل المنقلة،المسطرة)، مفاهيم مجردة (لا يمكن ملاحظتها أو قياسها بالحواس وإنما عن طريق أنشطة تعليمية معتمدة على القدرات العقلية العليا).

- **مفاهيم متعلقة بالمجموعات ومفاهيم متعلقة بالإجراءات :** مفاهيم متعلقة بالمجموعات(يتم التوصل إليها من خلال تعميم الخصائص على الأمثلة والحالات الخاصة: مثل مفهوم المستطيل)،مفاهيم متعلقة بالإجراءات(تركز على طرق العمل مثل مفهوم جمع أو الطرح)

- **مفاهيم الربط ومفاهيم الفصل ومفاهيم العلاقات :** مفاهيم الربط (ترتبط بين أكثر من خاصية للمفهوم ويستخدم أداة الربط "و" عند صياغة العبارة التي تصف محتوى المفهوم مثل مفهوم المعين)، مفاهيم الفصل (تبرز خاصية واحدة من بين عدة خواص تتوفر في المفهوم ، وتستخدم أداة الربط "أو" عند صياغة العبارة التي تصف محتوى المفهوم مثل مفهوم إتحاد المجموعات) ، مفاهيم العلاقات (تشمل على علاقة معينة بين مكونات المفهوم مثل أكبر من ، أصغر من ، التكافؤ).

- **مفاهيم أولية ومفاهيم مشتقة :** مفاهيم أولية (لا يمكن استtractionها من غيرها من المفاهيم مثل مفهوم العدد ^٥)،مفاهيم مشتقة (تستخرج من غيرها من المفاهيم).

٤. قواعد أساسية في تدريس المفاهيم الرياضية :

هناك بعض القواعد التي يتبعها في الاعتبار عند تقديم المفهوم الرياضي : يجب على المتعلم أن يقوم بإضافة المفاهيم إلى بنائه المعرفي ، أي مفهوم يقدم للمتعلم يصبح أكثر معناً عندما يرتبط بخبرات المتعلم المتعددة، تنمو المفاهيم وتطور لدى المتعلم إذا تعرض لخبرات متعددة ، تشكل المفاهيم في البناء المعرفي لدى المتعلم يكون أسهل إذا جاءت هذه المفاهيم من واقع حياة المتعلم وشارك فيها بفاعلية ، يفضل عند تعلم المفهوم أن يستخدم المتعلم ذلك المفهوم أولا ثم يقوم بالتعبير عنه بالرموز والكتابة ، يراعى عند تقديم المفهوم استعداد المتعلم ودافعيته نحو تعلم المفهوم . (زيد الهويدي ، ٢٠٠٦ ، ٢٦)

وعلى المعلم أن يقوم بإجراءات وقواعد معينة لتعليم المفهوم الرياضي لدى المتعلمين منها: إجراء التعريف (وهو إجراء لغوی يقصد به توضیح موجز لمصطلح مفهوم ما) ، إجراء المثال (وهذا يقوم المعلم بتقديم أمثلة إيجابية للمفهوم ومن جميع جوانبه) ، إجراء اللامثال (وهذا يقوم المعلم بإعطاء أمثلة لا تتنمي للمفهوم أى أمثلة سلبية والهدف منها هو إزالة سوء المفهوم الذي قد

ينشأ عند التلاميذ نتيجة عدم قدرتهم على تمييز الخصائص الأساسية للمفهوم من الخصائص الثانوية). (عماد الدين حمدان، ٢٠١٠ ، ٧٢ - ٧٣)

٥. مراحل اكتساب المفاهيم الرياضية

يرى (Dienes ١٩٧٠) أن تعلم المفاهيم الرياضية يتم في مراحل متتالية تتشابه إلى حد ما مراحل بياجيه للنمو المعرفي ، فهو يفترض أن هناك ستة مراحل لتدريس وتعلم المفاهيم الرياضية وهي: (إسماعيل الأمين، ٢٠٠١ ، ٩٧ - ١٠٠)

- **اللعبة الحرة play Free**: هوأنشطة غير مباشرة وغير موجهة تسمح للطلبة بالتجريب.
 - **الألعاب Games**: فيها ملاحظة الأنماط في المفهوم، ويلاحظ الطفل فيها أن هناك قواعد محددة.
 - **البحث عن الخواص المشتركة Communalities Search**: ربما لا يستطيع الطلبة اكتشاف البنية الرياضية التي تشتراك فيها كل مكونات المفهوم حتى بعد قيامهم بالألعاب، ويقترح دينز أن يساعد المعلمون الطلبة على اكتشاف الخواص العامة للمفهوم .
 - **التمثيل Representation**: بعد ملاحظة العناصر المشتركة للمفهوم، يحتاج الطلبة لمعرفة مثال واحد للمفهوم يجمع كل الخصائص المشتركة.
 - **الترميز Symbolization**: يحتاج الطالب في هذه المرحلة إلى تكوين الرموز اللفظية والرياضية المناسبة لوصف ما فهمه عن المفهوم.
 - **التشكيل أو الصياغة الشكلية Formalization**: بعد أن يتعلم الطلاب المفهوم، عليهم ترتيب خصائص هذا المفهوم، ومعرفة نتائجه.
- ويرى أوزبيل أن تعلم المفهوم يمر بمرحلتين أساسيتين هما: (صلاح الدين محمود، ٢٠٠٧ ، ٦٧)

مرحلة تكوين المفهوم: هي عملية اكتشاف استقرائي لخصائص مميزة محكمة وتندمج تلك الخصائص في تكوين الصورة الذهنية للمفهوم ، وهي صورة تنمو لدى المتعلم من خلال خبراته بالتأثيرات أو الأسئلة الخاصة ، إلا أن المتعلم في هذه المرحلة لا يستطيع تسمية المفهوم بالرغم من تكوينه لديه.

مرحلة تعلم اسم المفهوم : حيث يتم تعليم المتعلم أن الرمز المنطوق "الكلمة" يمثل المفهوم الذي يكون في المرحلة السابقة ، وهذا تزداد قدرة المتعلم على إدراك علاقة الرمز بالكلمة والصورة الذهنية للمفهوم ، بحيث يصبح للمفهوم معنى دلائياً ، ومضموناً متناسقاً مع الصورة الذهنية التي تجمع بين خصائصه المميزة ، ويستدل على تعلم المفهوم من خلال قدرة المتعلم على إعطاء استجابة واحدة لمجموعة من المثيرات التي تشتراك معاً بخصائص مشابهة.

قد قسم بياجيه تعلم المفهوم وتعليمه إلى ثلاثة مراحل: (موسى جودة، ٢٠٠٧ ، ١٩)

- **مرحلة التمييز** : يقوم الفرد فيها بجمع ملاحظات متعددة لبعض الأشياء والظواهر والتمييز بين أوجه التشابه والإختلاف فيما بينها.
- **مرحلة التعميم** : فيها يستنتج الفرد من خلال ملاحظاته نقاط التشابه والإختلاف ويخرج بنتيجة أو فهم معين.

• **مرحلة القياس**: فيها يقوم الفرد بعملية قياس أو مقارنة بين ما هو موجود أمامه وبين المعايير التي كونها في عقله.

ويرى (إحسان الأغا، عبد الله عبد المنعم، ١٩٩٤ ، ٢٣٥) بأن تعلم المفاهيم وتعليمها يمر بالمراحل التالية:

مرحلة تقديم المعلومات والتعرف على المفهوم: وفيها يقدم المعلم أمثلة محددة ، ويقارن التلاميذ بين الأمثلة والأمثلة الخاصة بالمفهوم ، ويقوم التلاميذ بفرض الفروض واختبارها، يحدد التلاميذ تعريفاً بناءً يحتوى على الخصائص الأساسية.

• مرحلة اختبار التوصل إلى المفهوم: وفيها يتعرف التلاميذ على أمثلة أخرى يحددون إن كانت تتنبئ إلى المفهوم أو لا تتنبئ إلى المفهوم، ويؤكد المعلم على الإفتراضيات ويعطى أسماء للمفاهيم ويعيد صياغتها تبعاً للخصائص، ويأتي التلاميذ بأمثلة من عندهم.

• مرحلة تحليل استراتيجيات التفكير: ويقصد بها في تعليم المفاهيم ترتيب القرارات التي يتتخذها الناس عندما يواجهون كل مثال جديد للمفهوم ، ويتم تحليل التفكير عندما يقوم التلاميذ بالأعمال التالية: وصف الأفكار التي تراوده في تنظيم المعلومات وأسس التصنيف ، ومناقشة دور الفروض والخصائص ، ومناقشة نوع و عدد الفروض.

كما أن عملية تدريس المفاهيم وفق نموذج ميرل ويتسون (أقبال عبد الصاحب، أشوات حاسم، ٢٠١٢، ٨٦ - ٨٧) تمر بعدة مراحل وهي:

- تعريف المفهوم: ويمر بثلاث خطوات : تحديد اسم المفهوم سواء أكان جملة أم رمزاً ، تحديد الصفات الحرجية " الأساسية " وهى الصفات المشتركة بين جميع عناصر المفهوم " والصفات المتغيرة "غير الأساسية" وهى الصفات التي لا يشتراك بها جميع أعضاء المفهوم " ، كتابة تعريف المفهوم على أساس المعلومات السابقة إذ تتضمن الصفات الحرجية وعلاقتها معاً أما الصفات المتغيرة فهي غير ضرورية.

- تحديد الأمثلة المنتسبة وغير المنتسبة للمفهوم : يبين المثال المنتسب للمفهوم والصفات الأساسية "الحرجة" للمفهوم أما الأمثلة غير المنتسبة فلا تدل على المفهوم بمعنى عدم تضمينها الصفات غير الأساسية للمفهوم.

- إظهار الصفات الأساسية بطريقة يمكن تمييزها عن الصفات الغير الأساسية : وذلك باستخدام بعض الوسائل التي توجه المتعلمين وتشير انتباهم مثل استخدام الألوان والرسوم.

- العرض الاعصائي : وفيها يقدم الأمثلة المنتسبة وغير المنتسبة بطريقة عشوائية ، ثم يطلب من المتعلمين تمييز الأمثلة المنتسبة للمفهوم من خلال الصفات الأساسية التي حددت سابقاً.

- التقويم : ويكون على أساس اختبار قدرة المتعلمين على تمييز وتصنيف الأمثلة الجديدة إلى أمثلة منتبطة وغير منتبطة للمفهوم.

بناء على ما سبق ، يمكن تلخيص مراحل تعلم المفاهيم الرياضية في المراحل : مرحلة جمع المعلومات الرياضية التي يتأسس عليها المفهوم الرياضي ، البحث عن الخواص المشتركة بين المعلومات الرياضية ، إعطاء أمثلة للمفهوم الرياضي بوضوح الخصائص المشتركة له ، إعطاء أمثلة لا تتنبئ للمفهوم الرياضي ، إعطاء رمز لفظي ورياضي للمفهوم الرياضي ، صياغة المفهوم الرياضي.

٦ . ٢ نماذج تقييم (تقدير) مدى اكتساب الطالب للمفهوم الرياضي :

يوجد نموذجان لتقدير مدى اكتساب الطالب للمفهوم الرياضي :

النموذج الأول : نموذج 102-105 Davis & Handrson, 1975 في اكتساب المفهوم حيث يقسم هذا النموذج درجة اكتساب المفهوم إلى مستويين: المستوى الأول (يقيس قدرة الطالب على تمييز أمثلة المفهوم من لا أمثلة ويستطيع الطالب أن يقوم بالحركات التالية : يعطي أمثلة للمفهوم أو يقوم بتحديد أمثلة المفهوم من بين مجموعات الأمثلة المتنوعة ، يعلل سبب اختيار أمثلة المفهوم ، يعطي أمثلة سلبية للمفهوم ، يعلل سبب اختيار الأمثلة السلبية) ، المستوى الثاني (يقيس قدرة الطالب على تمييز خصائص المفهوم ، ويستطيع القيام بالحركات التالية : يحدد الأشياء التي يجب توفرها في أمثلة المفهوم ، يحدد الخصائص والشروط الكافية حتى يكون أي مثال هو مثال على المفهوم ، يحدد الطالب الصفات المشتركة بين مفهومين والصفات غير المشتركة ، يعطي تعریفاً دقيقاً ومحدداً للمفهوم ، يذكر الطالب طرق استخدام المفهوم المختلفة).

النموذج الثاني: قائمة بالأعمال التي يقوم بها الطالب لقياس إتقان تعلم المفهوم كما موضحة بالجدول (زيد الهويدى ، ٢٠٠٦ ، ٢٨).

جدول (٢)

قائمة بالأعمال التي يقوم بها الطالب لقياس إتقان تعلم المفهوم

الشئ المعطى	العمل الذي يقوم به الطالب
١. إذا أعطى إسم المفهوم	• يعطي مثلاً متنمية عليه • يعطي مثلاً لا ينطبق على المفهوم • يعطي تعريف المفهوم
٢. إذا أعطى مثلاً على المفهوم	• يعطي اسم المفهوم
٣. إذا أعطى تعريف المفهوم	• يعطي اسم المفهوم • يختار الصفة التي ترتبط بالمفهوم • يختار الصفة التي لا ترتبط بالمفهوم
٤. إذا أعطى اسمى مفهومين	• بين العلاقة التي تربطهما

وقد أكد (عماد الدين حمدان ، ٢٠١٠ ، ٧٥) أن اكتساب الطالب للمفهوم يتحدد بمستويين: المستوى الأول (يقيس قدرة الطالب على تمييز أمثلة المفهوم من لا أمثلته ، كان يعطى الطالب أمثلة إيجابية وأمثلة سلبية للمفهوم) ، المستوى الثاني (يقيس قدرة الطالب على تمييز خصائص المفهوم كأن يحدد الطالب الأشياء التي يجب توافرها في أمثلة المفهوم ، ويحدد الشروط الكافية حتى يكون أي مثال هو مثال على المفهوم ، ويحدد الصفات المشتركة وغير المشتركة بين المفهوم ومفهوم آخر ذي علاقة ، ويعطي تعريفاً دقيقاً ومحدداً للمفهوم ، ويدرك طرق استخدام المفهوم).

- ٧ . ٢ الدراسات والبحوث السابقة التي اهتمت بتنمية المفاهيم الرياضية لدى المتعلم:
١. دراسة (Ahmed Qudah, 2016) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام المواقع التعليمي من خلال شبكات الأنترنت على تنمية المفاهيم الرياضية الأساسية لدى طلاب البكالوريوس.
 ٢. دراسة (Bhagat & etal , 2016) : هدفت إلى دراسة فاعلية استخدام البيئة الصحفية المقلوبة في تدريس علم المثلثات لتنمية المفاهيم الرياضية لدى طلاب المرحلة الثانوية .
 ٣. دراسة (محمد قصي ، ٢٠١٥) : هدفت إلى دراسة فاعلية برنامج مقترح قائم على التكامل بين الرياضيات وعلم المواريث في تنمية المفاهيم الرياضية ومهارات حل مسائل المواريث لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية الأزهرية.
 ٤. دراسة(هيثم عبد السلام، ٢٠١٥): هدفت إلى دراسة أثر برنامج مقترح قائم على الإثراء الوسيلي في تدريس الرياضيات على تنمية بعض المفاهيم الرياضية والمهارات الحياتية لدى التلاميذ المتفوقين في المرحلة الإعدادية.
 ٥. دراسة (Kiki Yuliani & Sahat Saragih. 2015): أكدت على فاعلية التعلم القائم على نموذج الاكتشاف الموجة في تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير الناقد في الرياضيات لدى الطلاب
 ٦. دراسة (فائق فاضل ، على خالد ، ٢٠١٤) : هدفت إلى دراسة أثر دورة التعلم المعدلة (7E'S) في إكتساب المفاهيم الرياضية لدى تلاميذ الصف الخامس الإبتدائي.
 ٧. دراسة (فاطمة السيد ، ٢٠١٤) : هدفت إلى دراسة فاعلية برنامج قائم على التعلم المدمج لتنمية بعض المفاهيم الرياضية لدى طفل الروضة
 ٨. دراسة (ناصر حلمي، ٢٠١٤) : هدفت إلى دراسة فاعلية برنامج قائم على التعلم النقال لتنمية بعض المفاهيم والمهارات الرياضية لدى طلاب كلية التربية مسار صعوبات التعليم .

٩. دراسة (أمل سلامة ، ٢٠١٣) : هدفت إلى دراسة فاعلية رياضيات السوبر ماركت في تنمية بعض المفاهيم والمهارات الرياضية الحياتية لدى طفل الروضة في ضوء وثيقة المعايير القومية لرياض الأطفال.
١٠. دراسة (إيناس أبو العلا ، ٢٠١٣) : هدفت إلى دراسة فاعلية برنامج مقترن قائم على بعض المداخل التدريبية لتنمية المفاهيم الرياضية ومهارات حل المشكلات والاتجاه نحو تعلم الرياضيات لدى طلاب الصف الأول الثانوي.
١١. دراسة (Tuna & Kacar, 2013): هدفت إلى دراسة أثر استخدام نموذج دورة العلم الخمسية المعدل في تدريس مفاهيم الرياضيات على تحصيل الطلاب وأدائهم ومعرفتهم العلمية.
١٢. دراسة (أحمد الهلال ، ٢٠١٢) هدفت إلى دراسة فاعلية التدريس باستخدام أسلوب التعلم الإلكتروني على تنمية المفاهيم الرياضية المعاصرة ومهارات التفكير الناقد لدى طلبة كلية التربية.
١٣. دراسة (محمد أبو هلال ، ٢٠١٢) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام التمثيلات الرياضية على اكتساب المفاهيم والمدلل نحو الرياضيات لدى طلاب الصف السادس الأساسي .
١٤. دراسة (أيمن أبو مصطفى ، ٢٠١١) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام نموذج بابي في اكتساب المفاهيم الرياضية لدى طلاب الصف السابع الأساسي وميلهم نحو مادة الرياضيات.
١٥. دراسة (أحمد الدويري ، ٢٠١٠): هدفت إلى دراسة أثر استخدام برنامج محوسبي تعديل المفاهيم الرياضية لدى طلاب الصف الثامن.
١٦. دراسة (بيدا البياتي ، ٢٠١٠) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام نموذج كلوزمابر في اكتساب المفاهيم الرياضية واستبقاءها لدى التلاميذ .
١٧. دراسة (جبرين عطية ، لؤى مفلح، ٢٠١٠): هدفت إلى دراسة أثر استخدام الألعاب التربوية المحوسبة في تحصيل بعض المفاهيم الرياضية لتلاميذ الصف الثالث الأساسي.
١٨. دراسة (رياض البلاصي، أريج برهمن، ٢٠١٠): هدفت إلى دراسة استخدام التمثيلات الرياضية المتعددة في اكتساب الطلاب للمفاهيم الرياضية وفترتهم على حل المسائل اللغوية لدى طلاب الصف الثامن الأساسي.
١٩. دراسة (بلسم الوزان، ٢٠٠٩): هدفت إلى دراسة أثر استخدام نموذج فرابر في اكتساب المفاهيم الرياضية لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي .
٢٠. دراسة (حسام البلعاوى ، ٢٠٠٩) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام بعض استراتيجيات التغير المفهومي في تعديل المفاهيم الرياضية البديلة لدى طلاب الصف العاشر الأساسي.
٢١. دراسة (رباب الشافعى ، ٢٠٠٩): هدفت إلى دراسة فاعلية برنامج مقترن قائم على المدخل المنظومي بمساعدة الكمبيوتر في تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير التحليلي لدى أطفال الرياض.
٢٢. دراسة (فائق فاضل ، عبد القادر إبراهيم ، ٢٠٠٩) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام نموذج بوسنر في تغيير المفاهيم الرياضية والتحصيل لدى طلاب الصف الثاني المتوسط .
٢٣. دراسة (يوسف لوا، ٢٠٠٩): هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية دينز في اكتساب المفاهيم الرياضية والاحتفاظ بها لدى طلاب الصف السادس الأساسي.
٢٤. دراسة (Mouseley&perry, 2009): هدفت إلى دراسة فاعلية مجموعة من الأنشطة التفاعلية التي تعزز تنمية المفاهيم الرياضية إلى تطوير المفاهيم الرياضية لدى الأطفال.
٢٥. دراسة (عونية صوالحة، محمد الإمام، ٢٠٠٨): هدفت إلى دراسة فاعلية استراتيجية التدريس المباشر في تنمية المفاهيم الرياضية لدى تلاميذ الصف الرابع الأساسي الذين لديهم صعوبات تعلم في الرياضيات.

٢٦. دراسة (منى مولود ، ٢٠٠٨) : هدفت إلى دراسة إثر استخدام نموذج التعلم البنائي في تدريس المفاهيم الرياضية على تنمية التحصيل والاتجاه نحو الرياضيات لدى الطلبة .
٢٧. دراسة (شرف الزغبي، ٢٠٠٧) : هدفت إلى دراسة فعالية استخدام استراتيجية تدريس قائمة على نظرية الذكاءات المتعددة لتنمية بعض المفاهيم الرياضية في هندسة التحويلات لدى تلاميذ الحلقة الأولى من التعليم الأساسي .

تعقيب على الدراسات والبحوث السابقة الخاصة بتنمية المفاهيم الرياضية :

- الاستفادة منها في وضع الاطار النظري وأدوات البحث وتقسيم النتائج الخاصة بالمفهوم الرياضي.
- هناك العديد من النماذج والبرامج والأساليب والاستراتيجيات التدريسية لها فاعلية في اكتساب المفاهيم الرياضية: فالنماذج التدريسية مثل(نموذج التعلم البنائي،نموذج فرابير،نموذج كلوزماير،نموذج بابي)، نموذج دورة العلم الخماسية، نموذج دورة التعلم المعدلة)، والاستراتيجيات التدريسية مثل(استراتيجية دينز، استراتيجية التعلم المترافق، استراتيجيات الذكاءات المتعددة، استراتيجية التدريس المباشر، استراتيجية التغيير المفهومي، استراتيجيات التعلم النشط)، والبرامج التعليمية مثل(برنامج محوسب ، الألعاب التربوية المحosome، برنامج البيئة الصحفية المقلوبة ، برنامج قائم على التعلم المدمج ، برنامج قائم على المدخل المنظومي، التعلم القائم على نموذج الاكتشاف الموجة)، وأسلوب التعلم الإلكتروني .
- لا يوجد دراسة (على حد علم الباحثة) استخدمت استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية المفاهيم الرياضية .
- أكدت بعض هذه الدراسات والبحوث السابقة على أنه يمكن تنمية المفاهيم الرياضية لدى التلاميذ خلال المراحل التعليمية المختلفة، وهناك علاقة قوية بين اكتساب المتعلمين المفاهيم الرياضيات والمتغيرات الآتية: بقاء أثر التعلم والميل واتجاه نحو الرياضيات وحل المشكلات الرياضية.

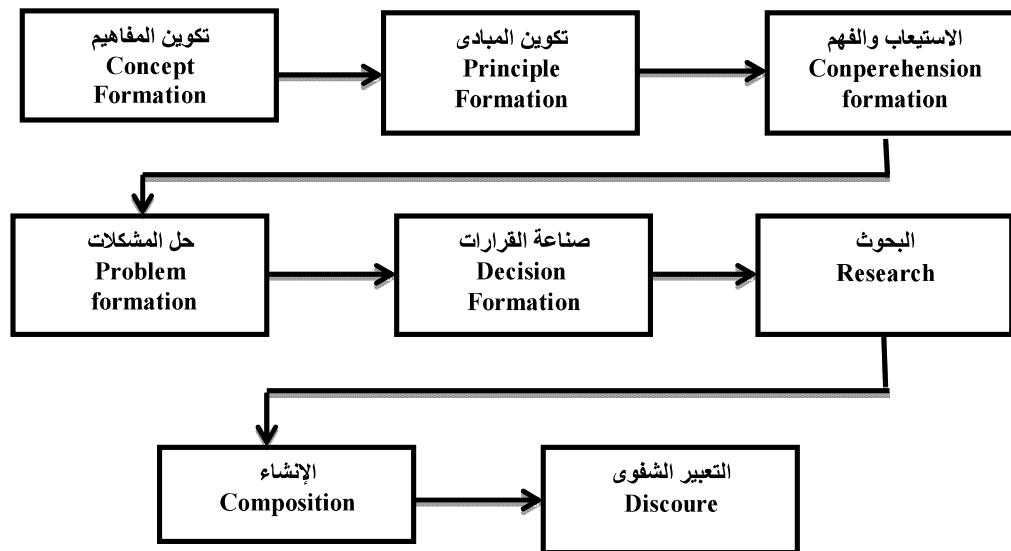
المحور الثالث التفكير البصري :

١. ٣. التفكير :

إن تنمية قدرات التلاميذ على التفكير وتشجيعهم على ذلك يعتبر من الأهداف الأساسية للقرن الحالي ، حيث إنه يلعب دور أساسى و مهم فى إيجاد حلول للعقبات التى تواجههم فى الحياة بوجه عام.

وقد عرف (هانى الأغا، ٢٠١٢، ٣٥) التفكير بأنه عبارة عن عملية كلية يقوم بها الفرد بمعالجات عقلية للمدخلات الحسية والمعلومات المسترجعة لتكوين أفكار أو استدلال أو حكم، ويتضمن الإدراك والخبرة السابقة والمعالجة الواقعية والحدس ، وعن طريقه تكتسب الخبرة معنى.

وقد حددت (سناء سليمان ، ٢٠١١ ، ١٣٥) عمليات التفكير الثمانية في الشكل الآتى :



شكل (٣) عمليات التفكير الثمانية

وتتميز هذه العمليات بإنها متداخلة معاً ، وغير منفصلة وترتبط معاً عن طريق أهداف المنهج أو غيره ، وتظهر العمليات الثلاث الأولى بتكوين المفاهيم والمبادئ والفهم والاستيعاب ، بينما العمليات الخمس الأخرى تهدف إلى اكتساب المعرفة ، ويعد تكوين المفاهيم أساساً لباقي العمليات الأخرى ، وتقوم العمليات التالية (حل المشكلات وصناعة القرارات والبحث والإنشاء) على المراحل الثلاثة الأولى وتهدف لإنتاج المعرفة وتطبيقاتها ، ويعد النقاش عملية لاكتساب المعرفة وإنتاجها.

وهناك مجموعة من مهارات التفكير يمكن تبنيتها لدى المتعلمين منها :

- مهارات التفكير الديني (مثل التذكر وإعادة الصياغة حرفيًا).
- مهارات التفكير الوسيطة (مثل الملاحظة والتصنيف والقياس والتفسير والاستنباط والاستقراء والاستدلال والتبيؤ والاتصال والتواصل وفرض الفرض وضبط المتغيرات والتجريب والمقارنة والترتيب وتنظيم المعلومات والتطبيق واستخدام علاقة الزمان والمكان واستخدام الأرقام والتقدير والتمييز والرسم البياني والاستقصاء وطرح الأسئلة).

• مهارات التفكير العليا (اتخاذ القرار والتفكير الناقد وحل المشكلات).

وبالإطلاع على العديد من الأدبيات التربوية وجد أن هناك العديد من أنماط التفكير مثل: التفكير الاستقرائي والتفكير الاستباطي، والتفكير المقارب والتفكير المتبااعد، والتفكير المعرفي، والتفكير فوق معرفي، والتفكير المحسوس والتفكير مجرد، والتفكير الحدس والتفكير العملي، والتفكير الرياضي، والتفكير الإبداعي، والتفكير الجانبي، والتفكير البصري ، والتفكير التحليلي ، والتفكير النظري، والتفكير الناقد، والتفكير المنطقي. وقد توجه البحث الحالي إلى تنمية التفكير البصري لدى التلاميذ ، حيث أن معظم هذه المهارات متواجدة بمحتوى الرياضيات المدرسية ويمكن تبنيتها لدى التلاميذ.

٢. ٣ مفهوم التفكير البصري :

عرفه كل من (عزوفعانية، وليم عبيد ، ٤٥، ٢٠٠٣) بأنه قدرة عقلية مرتبطة بصورة مباشرة بالجوانب الحسية البصرية، حيث يحدث هذا النوع من التفكير عندما يكون هناك تنسيق متتبادل بين ما يراه المتعلم من أشكال ورسومات وعلاقات وما يحدث من ربط ونتائج عقلية معتمدة على الرؤيا والرسم والمعروض. وقد اتفق معهم (بدر السنكري، ٦٣، ٢٠٠٣) (محمد الطراونة، ٢٠١٤، ٧٩٩).

كذلك عرفه (إسلام منصور، ٢٠١٥ ، ٣٨) أنه مجموعة من القدرات العقلية القائمة على ربط الجانب الحسيّة البصرية ، ومعرفة العلاقات القائمة بين الصور والرسوم والأشكال من ثم القدرة على الوصول لتفصير ، وإدراك المعانى للوصول لنتائج عقلية جديدة من خلال الأشكال والرسوم التي يتم عرضها.

وقد عرفه (أحمد أبو زايد، ٢٠١٣ ، ٥٨) عرفه بأنه سلسلة من العمليات العقلية التي يقوم بها الدماغ البشري عند تعرضه لمثير تم استقباله عن طريق حاسة البصر حيث تساعده هذه العمليات الفرد في الوصول إلى المعنى الذي يحمله هذا المثير ، والاستجابة له ، وتخزينه في الذكرة واسترجاعه منها عند الحاجة.

بينما عرفه (محمد حمادة ، ٢٠٠٩ ، ٢٣) بأنه نمط من أنماط التفكير التي تثير عقل التلميذ باستخدام مثيرات بصرية ، لإدراك العلاقة بين المعرف والمعلومات الرياضية واستيعابها ، وتمثلها وتنظيمها ، ودمجها في بنية المعرفية ، والمواءمة بينها وبين خبراته السابقة وتحويلها إلى خبرة مكتسبة ذات معنى بالنسبة له.

وعرفه (أسامة عبد المولا ، ٢٠١٠ ، ٩٠) بأنه منظومة من العمليات تترجم قدرة المتعلم في فصل الدراسة على قراءة الشكل البصري ، وتحويل اللغة البصرية التي يحملها ذلك الشكل إلى لغة مكتوبة واستخلاص المعلومات منه ، وتتضمن هذه المنظومة مهارات (التعرف على الشكل ووصفه ، التحليل والربط وإدراك الغموض وتفصيره واستخلاص المعنى) ، وأدوات التفكير البصري هي (الرموز والرسوم التخطيطية والرسوم البيانية والصور ولقطات الفيديو التي تعرض من خلال الحاسب والإنترنت). وقد اتفقت معه كل من (نادية العفون، منتهى الصاحب، ٢٠١٢ ، ١٧٧).

وعرفته (دينا العشى ، ٢٠١٣ ، ٤٦) بأنه القدرة على فهم الصور والأشكال البصرية وتفصيرها وتمييزها وإيجاد العلاقات فيما بينها والتعبير عنها بلغة واضحة. ويتبين مما سبق ، أن هناك عناصر مشتركة بين التعريفات السابقة للتفكير البصري يمكن تلخيصها في إنه:

- عملية عقلية وذهنية يتضمن منظومة من المهارات .
- يعتبر إحدى أشكال مستويات التفكير للعليا.
- فن جديد للحوار يجمع بين أشكال الاتصال البصرية واللفظية في الأفكار.
- مرتبط بالجانب الحسيّة ويقوم على ترجمة المثيرات المعروضة إلى لغة مكتوبة أو منظورة .
- وسيط للاتصال يمكن الأفراد والجماعات من الفهم الأفضل والمشاركة في رؤية الموضوعات المعقّدة أو التفكير فيها.

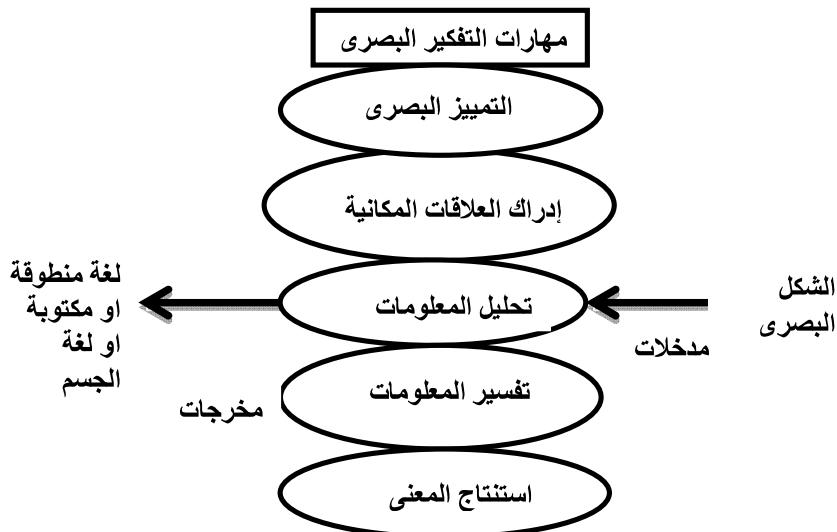
٣.٣ مهارات التفكير البصري

قد عرفت (فداء الشوبكي، ٢٠١٠ ، ٣٦ - ٣٧) مهارات التفكير البصري بإ أنها مجموعة من المهارات التي تشجع المتعلم على التمييز البصري للمعلومات العلمية من خلال دمج تصوراته البصرية مع خبراته المعرفية للوصول إلى لغة ، وهذه المهارات هي:

- مهارة التمييز البصري: تعنى القدرة على التعرف على الشكل البصري المعروض وتميزه عن الأشكال الأخرى ، وأن الشكل البصري يمثل المعلومات التي وضع من أجلها سواء كان هذا الشكل البصري عبارة عن رموز وصور ورسوم بيانية ومنظومات وسائل مرسومة.
- مهارى إدراك العلاقات المكانية : تشير إلى القدرة على التعرف على وضع الأشياء فى الفراغ ، وإختلاف موقعها بإختلاف موقع الشخص المشاهد لها ، كذلك دراسة الأشكال ثنائية وثلاثية الأبعاد.
- مهارة تحليل المعلومات على الشكل البصري : تعنى التركيز على التفاصيل الدقيقة والإهتمام بالبيانات الجزئية والكلية ، بمعنى القدرة على تجزئة الشكل البصري إلى مكوناته الأساسية.

• مهارة تفسير المعلومات على الشكل البصري: تشير إلى القدرة على تفسير كل جزئية من جزئيات الشكل البصري المعروض حيث أن الشكل البصري يحتوى على رموز وإشارات توضح المعلومات المرسومة وتفسيرها.

• مهارة استنتاج المعنى : تعنى التوصل إلى مفاهيم ومبادئ علمية من خلال الشكل المعروض مع مراعاة تضمنها للخطوات السابقة) . ويتبين ذلك من الشكل التالي.



شكل (٤)
عمليات التفكير البصري

وقد حدد كل من (أحمد أبو زايد، ٢٠١٣ ، ، ٦٠) و(دینا العشى، ٢٠١٣، ٥٢) مهارات التفكير البصري في النقاط الآتية :

• مهارة التعرف على الشكل : هي قدرة الفرد على التعرف على أبعاد وطبيعة وجميع الخصائص الظاهرة للمثير البصري المعروض .

• مهارة تحليل الشكل : هي القدرة على رؤية العلاقات داخل المثير البصري وتحديد خصائص تلك العلاقات وتصنيفها .

• مهارة التمييز البصري: هي القدرة على التعرف على الشكل أو الصورة وتمييزها عن الأشكال أو الصور الأخرى.

• مهارة تحليل المعلومات : هي تعنى قدرة الفرد في التركيز على التفاصيل الدقيقة والإهتمام بالبيانات الكلية والجزئية .

• مهارة إدراك العلاقات المكانية : هي القدرة على رؤية علاقة التأثير والتأثر من بين مواقع الظاهرات المتمثلة في الشكل أو الصورة المعروضة.

• مهارة تفسير المعلومات: هي القدرة على إيضاح مدلولات الكلمات والرموز والإشارات وفي الأشكال ، وتقريب العلاقات بينهما .

• مهارة استنتاج المعنى: هي القدرة على استخلاص معانى جديدة ، والتوصل إلى مفاهيم ومبادئ علمية ، من خلال الشكل أو الصورة أو الخريطة المعروضة، مع مراعاة تضمن هذه الخطوة للخطوات السابقة، إذ إنها محصلة للخطوات الخمسة السابقة .

- مهارة إدراك الغموض وفك الخداع البصري : هي قدرة الفرد في التعرف على نواحي القصور ومواضع الخلل في المثير البصري وتوجيه التفكير في الشكل الصحيح .
- مهارة الإنشاء والتكون : هي القدرة على تحويل الأفكار والمعلومات بصورةها المختلفة وتمثيلها في صورة أشكال ورسومات ذات معنى .
- مهارة الإعلان البصري : هو القدرة على التعرف على الأشياء الناقصة باعتبارها كاملة . بناء على ما سبق ، يمكن تحديد مهارات التفكير البصري المراد ت其中之一 عند دراسة مادة الرياضيات في :

 - ١- مهارة التعرف على الشكل : هي قدرة التلميذ على التعرف على أسماء وخصائص وطبيعة الشكل الهندسي المعروض .
 - ٢- مهارة التميز البصري : هي قدرة التلميذ على التمييز بين الأشكال الهندسية المعروضة .
 - ٣- مهارة تحليل الشكل : هي قدرة التلميذ على رؤية العلاقات الرياضية والتركيز على البيانات الجزئية والكلية داخل الشكل الهندسي المعروض وتحديد خصائص تلك العلاقات وتصنيفها .
 - ٤- مهارة تفسير المعلومات على الشكل: هي قدرة التلميذ على تفسير مدلولات الكلمة والرموز والإشارات الرياضية المتضمنة في الشكل الهندسي المعروض ، حيث إنها تساعد على توضيح المعلومات الرياضية وتفسرها .
 - ٥- مهارة استخلاص المعاني : هي قدرة التلميذ على استنتاج المفاهيم والتع咪يات الرياضية الجديدة من خلال الأشكال الهندسية المعروضة) .

٣. أدوات التفكير البصري

بالاطلاع على العديد من الأدبيات ، تم التوصل إلى أن :

- التفكير البصري يمكن تمثيله بثلاث أدوات: الصور(الطريق الأكثر دقة في الاتصال، ولكنها هي النوع الغالي والمضيق للوقت والأكثر صعوبة في الحصول عليها)، الرسوم التخطيطية(يستخدمها الفنان التخطيطي لتصور الأفكار وتصور الحل المثلثي)، الرموز (تمثل بالكلمات فقط وهي الأكثر شيوعاً واستعمالاً في الاتصال رغم إنها تكون أكثر تجريداً). (حسن مهدي، ٢٠٠٦ ، ٢٧-٢٨)
- هناك مجموعة من أدوات التفكير البصري منها: اللغة (قراءة وكتابة وسموعة)، التشكيل (الصلصال أو غيره- اليدوي والصناعي)، الرسوم (التقليدية والتوضيحية والتخطيطية والبيانات بأشكالها الكرتونية)، الصورة المطبوعة(ذات البعدين 2D، ذات الثلاثة أبعاد 3D)، الملصقات(الخاصة بالمناهج التعليمية أو الدعائية)، المخطوطات (التنظيمية والتصنيفية والتسلسل الزمني والجدوال والمسارات)، المجسمات والنماذج(الصغيرة والكبيرة) ، المعارض والديوراما. (أحمد مشتهى، ٢٠١٠ ، ٣١)
- يمكن اعتبار كل شيء يمكن رؤيته بالعين وله دلالة ومعنى عند الإنسان أنه من أدوات التفكير البصري مثل: الصور(فهي من أهم سمات هذا العصر فقد هيمنت على جميع المجالات المعرفية والثقافية والإعلامية)، الرموز والإشارات(فالحروف اللغوية والرموز الرياضية والكيميائية وغيرها)، بالإضافة إلى الإشارات المختلفة تمثل أدوات التفكير البصري)، الرسومات التخطيطية والبيانية (من أهم الطرق لإيصال المعلومات الكمية والتعبير عنها والمقارنة بينها، فهي تنقل مقدار كبير من المعلومات إلى الإنسان بسهولة ويسهل وتحتاج له تمثيل المقادير الكمية المختلفة دون الحاجة إلى صعوبة في ذلك)، الأشكال الهندسية (حيث تتجمع الخطوط المستقيمة أو المنحنية مع بعضها البعض لتكون الشكل الهندسي)، المجسمات ثلاثية الأبعاد (التي يراها الإنسان بالأبعاد الثلاثة: الطول والعرض والارتفاع، والتي تسمى ثلاثة الأبعاد 3D) . (أحمد أبو زايد ، ٢٠١٣ ، ٦١)
- بناء على ما سبق ، يمكن تلخيص أهم أدوات التفكير البصري في مجال تعليم الرياضيات : اللغة (سواء قراءة أو كتابة أو سماع) ، والرسوم (التخطيطية أو البيانات أو التوضيحية) ، والصور ، و المخطوطات ، والمجسمات ، والملصقات ، وأشكال هندسية ، والرموز والإشارات .

٣. أهمية تنمية التفكير البصري :

قد حددت (مديحة حسن، ٢٠٠٤، ٣٧٠) أهمية تنمية التفكير البصري في إنه يؤدى : زيادة قدرة الطالب على الاتصال بالأخرين، فهم المثيرات البصرية المحيطة بالطالب والتي تزداد يوما بعد يوم نتيجة للتقدم العلمي والتكنولوجي مثل ما يظهر على شاشات الكمبيوتر والتلفزيون وبالتالي تزداد صلته بالبيئة المحيطة به، زيادة القدرة العلمية للطالب حيث أن التفكير البصري مصدر جيد يفتح الطريق لممارسة الأنواع المختلفة من التفكير الناقد والتفكير الإبتكاري، زيادة ثقة المتعلم بنفسه .

وقد لخص (حسن مهدي ، ٢٠٠٦ ، ٢٧) أهمية تنميته في النقاط الآتية: يحسن من نوعية التعلم ويسرع من التفاعل بين الطلبة،يزيد من الالتزام بين الطلبة،يدعم طرق جديدة لتبادل الأفكار ، يسهل من إدارة الموقف التعليمي،يساهم في حل القضايا العالقة بتوفير العديد من خيارات الحل لها ، يعمق التفكير وبناء منظورات جديدة،ينمى مهارات حل المشكلات لدى الطلبة .

ويذكر (Giaquinto, 2007) بأن التفكير البصري له دور كبير في تطوير المناهج التعليمية وإعادة صياغتها لجعلها ملائمة لواقع الذي يعيشه المتعلم،كما إنه من العوامل المهمة تساعد على تنمية التفكير لدى المتعلمين .

وترى (فداء الشوبكي، ٢٠١٠ ، ٤٩) أن من أهمية تنمية التفكير البصري: أن الوسائل المستخدمة في تنمية التفكير البصري آمنة وغير مكلفة، يدعم طرق التدريس المختلفة، يساعد في حل المسائل، ينمى عمليات العلم المختلفة(مثل الملاحظة والتخييل والتفسير والاستنتاج)، يساعد المعلم على توصيل المعلومات، يحقق أهداف العلم (مثل الوصف والتفسير والتنبؤ) ، يساعد التلميذ على إكتساب قدرة التعلم الذاتي.

وتضيف (دينى العشى ، ٢٠١٣ ، ٥٩) أن التفكير البصري : يساعد على توضيح المفاهيم المراد تعليمها وتقريبها من فكر الطالب ، ويسهل استرجاع المعلومات وبقاء أثر التعلم ، ويزيد من فاعالية الطلاب للتعلم وإيجابيتهم للتعلم لأنهم يخاطبون أكثر من حاسة واحدة وكلما زاد تفعيل أكثر من حاسة من حواس الإنسان زاد معدل تعلمه واكتساب المعرفة .

بناء على ماسبق، يمكن استخلاص أهمية تنمية التفكير البصري لدى المتعلم في مجال تعليم الرياضيات في إنه:

- يساعد المتعلم على توظيف معلوماته وخبراته ومهاراته أثناء حل المسائل الرياضية .
- يساعد المتعلم على تسجيل الأفكار والمعلومات بصورة منتظمة .
- يسهل على المتعلم تذكر المعلومات الرياضية المتضمنة في الأدوات البصرية واستعمالها لفترة طويلة جداًينمى قدرة المتعلم على التفكير وإدراك العلاقات.
- الأدوات البصرية تحمل الكثير من المعاني ممكّن للمتعلم التعبير عنها بصورة لفظية أو رمزية .
- أداة تساعد تنمية التحصيل لدى على المتعلمين من خلال ترجمة المعلومات الرياضية المجردة بصورة حسية .
- أداة عظيمة لتبادل الأفكار بسرعة قياسية بين المتعلمين .
- يجعل البيئة الصحفية أكثر إثارة وحيوية وحماس ودافعة للمتعلمين.
- يتيح للمتعلم فرصة التكيف مع البيئة والظروف المحيطة.

٣. الدراسات والبحوث السابقة التي تناولت التفكير البصري في مجال تعليم الرياضيات:

١. دراسة (عادل عواد ، ٢٠١٦) : هدفت إلى دراسة أثر اختلاف نمطى التعلم الإلكتروني والمدمج على تحصيل الهندسة الكسورية وتنمية التفكير البصري لدى تلاميذ الصف الثاني الإعدادي .

٢. دراسة (متولى الصعيدي، ٢٠١٦): هدفت إلى دراسة فاعلية استخدام نموذج التعلم التوليدى لندرسي الهندسة فى تنمية التحصيل المعرفي وبعض مهارات التفكير البصري لدى تلاميذ الصف الثاني الإعدادي .

٣. دراسة (أسامي الحنان، ٢٠١٥) : هدفت إلى دراسة برنامج إثرائي قائم على التدريس التأملى فى الرياضيات لتنمية بعض عادات العقل ومهارات التفكير البصرى لدى تلاميذ الصف السادس الإبتدائى .
٤. دراسة (عصام عبد الفتاح ، ٢٠١٥) : هدفت إلى دراسة أثر التفاعل بين نموذج قائم على التعلم النشط ومستوى التصور البصرى المكانى على التحصيل وتنمية مهارات التفكير البصرى والحس المكانى فى الهندسة لدى تلاميذ الصف الأول الإعدادى .
٥. دراسة (منال زغلول، ٢٠١٥) : هدفت إلى دراسة فاعلية برنامج قائم على المحاكاة الكمبيوترية فى تنمية التحصيل ومهارات التفكير البصرى لدى تلاميذ الصف السادس الإبتدائى من ذوى صعوبات تعلم الرياضيات .
٦. دراسة (صباح عبد العظيم، ٢٠١٤) : هدفت إلى دراسة فاعلية استخدام استراتيجية التدريس المعكوس لتنمية التفكير البصرى وخفض فلق الرياضيات لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ذوى الإعاقة السمعية .
٧. دراسة (ماهر زنقول، ٢٠١٣) : هدفت إلى دراسة أثر برمجية قائمة على المحاكاة الحاسوبية للأشكال الهندسية ثلاثة الأبعاد فى تنمية مهارات التفكير البصرى والتعلم المنظم ذاتياً لدى طلاب الصف الثانى المتوسط .
٨. دراسة (مريم أبو دان، ٢٠١٣) : هدفت إلى دراسة أثر توظيف النماذج المحسوسة فى تدريس وحدة الكسور على تنمية التحصيل ومهارات التفكير البصرى لدى طالبات الصف الرابع الأساسي بغزة .
٩. دراسة (شحاته عبد الله، ٢٠١٣) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام استراتيجية التدريس التبادلى فى تعليم الرياضيات على تنمية مهارات التفكير البصرى والتحصيل وخفض القلق الهندسى لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية .
١٠. دراسة (Shahatah Abd Al-Latif, 2013 , Edy Surya & etal) : هدفت إلى دراسة أثر استخدام تمثيل التفكير البصرى وحل المشكلات الرياضية كمدخل لعلاج المشكلات الآتية : (فهم المفاهيم الرياضية ورسم المخططات وقراءة الأشكال الهندسية بشكل صحيح) لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية .
١١. دراسة (Haciomeroglu&Selcuk. 2012) : هدفت إلى التعرف على مستوى الأداء الرياضى لدى طلاب المرحلة الثانوية بمقرر الفاضل والتكميل من خلال التفكير البصرى والتحليلى عن طريق استخدام العروض البصرية لتعليم إشتقاق الدوال الرياضية .
١٢. دراسة (إيمان طافش، ٢٠١١) : هدفت إلى دراسة أثر برنامج مقرن فى مهارات التواصل الرياضى على تنمية التحصيل العلمى ومهارات التفكير البصرى فى الهندسة لدى طالبات الصف الثامن الأساسى بغزة .
١٣. دراسة (محمد حمادة ، ٢٠٠٩) : هدفت إلى دراسة فاعلية شبكات التفكير البصرى فى تنمية مهارات التفكير البصرى والقدرة على حل وطرح المشكلات اللفظية فى الرياضيات والاتجاه نحو حلها لتلاميذ الصف الخامس الإبتدائى .
١٤. دراسة (ناهل شعث ، ٢٠٠٩) : هدفت إلى دراسة أثر محتوى الهندسة الفراغية فى منهج الصف العاشر الأساسى بمهارات التفكير البصرى .
١٥. دراسة (واائل عبد الله ، ٢٠٠٨) : هدفت إلى دراسة فاعلية وحدة مقرنة فى هندسة الفركتال باستخدام الكمبيوتر فى تنمية مهارات التفكير البصرى والميل نحو الرياضيات الديناميكية لدى تلاميذ المرحلة الإبتدائية .
- تعقيب على الدراسات والبحوث الخاصة بتنمية التفكير البصرى فى مجال تعليم الرياضيات :
- ❖ إمكانية الاستفادة منها فى وضع الإطار النظري وأدوات البحث وتفسير النتائج الخاصة بالتفكير البصرى .

- ❖ هناك العديد من الاستراتيجيات والبرامج والنماذج لها فاعلية في تنمية التفكير البصري مثل : برنامج مقرر في مهارات التواصل الرياضي ، شبكات التفكير البصري ، نماذج محسوسة ، برمجية قائمة على المحاكاة الحاسوبية للأشكال الهندسية ثلاثة الأبعاد ، استراتيجية التدريس التبادلي ، استراتيجية التدريس المعكس .
- ❖ يمكن تنمية التفكير البصري من خلال وحدة مقرحة في هندسة الفركتل باستخدام الكمبيوتر.
- ❖ يمكن تنمية التفكير البصري عبر جميع المراحل التعليمية .
- ❖ لا يوجد دراسة (على حد علم الباحثة) استخدمت شكل البيت الدائري في تنمية التفكير البصري في مجال تعليم الرياضيات .

الدراسة التجريبية (أدواتها وإجراءاتها)

أولاً : إعداد أدوات البحث: وتشتمل على

أ- إعداد الأدوات التعليمية : تتضمن

(١) إعداد دليل التلميذ في وحدة "القياس" من كتاب(الرياضيات) بالصف الخامس الابتدائي بالفصل الدراسي الثاني وفق استراتيجية شكل البيت الدائري، وقد اتبعت الباحثة لإعداده الخطوات الآتية:

❖ تحليل محتوى وحدة (القياس) وفقاً للخطوات التالية :

✓ الهدف من التحليل : تحديد العناصر الأساسية لمحتوى وحدة (القياس) من مفاهيم وتعاريف ومهارات رياضية، والإستفادة منها عند إعداد أدوات البحث وقد تم تعريف كل منهم إجرائياً كما يلى:

- المفهوم الرياضي هو" فكرة رياضية مجردة (أوتصور عقلي) تشتمل على معلومات وأفكار رياضية مرتبطة بأشياء ذات صفات مشتركة، يكونه التلميذ ويرمز له برمز ويحكم من خلاله على إنتماء أو عدم إنتماء العناصر لذلك المفهوم الرياضي".

- التعميم الرياضي هو" عبارات تحدد العلاقة بين مفهومين رياضيين أو أكثر، وتتضمن العلاقات والخواص وال المسلمات والقوانين والنتائج الرياضية".

- المهارات الرياضية هي" قدرة التلميذ على استخدام وتوظيف المفاهيم والتعميمات الرياضية في حل المسائل الرياضية بسهولة وسرعة ودقة مناسبة وإنقان مع تبرير خطوات الحل " .

✓ إجراء عملية التحليل وضبطها : لوحدة (القياس) مع مراعاة شمول التحليل لجميع الدروس المتضمنة بالوحدة والإلتزام بتعريف العناصر الأساسية للتحليل ، وضبط التحليل من خلال :

- صدق التحليل: تم التأكد من صدق التحليل من خلال عرضه على مجموعة من السادة المحكمين المتخصصين في مجال تعليم الرياضيات، لإبداء آرائهم وتعديل استماراة التحليل في ضوئها.

ـ ثبات التحليل من خلال :

أ- ثبات التحليل عبر الزمن: فقد قامت الباحثة بإجراء عملية التحليل مرتين متتاليتين بفارق زمني شهر، ثم حسبت نسبة الإنفاق بين مرتبى التحليل باستخدام معادلة (Holistic)* ووجد أن قيمة معامل الثبات(٩٥٪)(أى ٩٥٪) وهي نسبة مناسبة ومقبولة .

ب- ثبات التحليل عبر الأشخاص: حيث تم حساب نسبة الإنفاق بين تحليل الباحثة وتحليل باحثة أخرى مع الإلتزام بالباحثتين بالعناصر الأساسية للتحليل وتعريف كل منها، ووجد أن معامل الثبات بين تحليل الباحثتين (٩٠٪)(أى ٩٠٪) وهي نسبة مقبولة لثبات التحليل.

بناء على ما سبق، تم الحصول على الصورة النهائية لاستماراة تحليل محتوى وحدة "القياس" التي تتضمن على (٨١) مفردة حيث تشتمل على: (٣٣) مفهوماً رياضياً ، (٢٣) تعريفاً رياضياً، (٢٥) مهارة رياضية .

❖ إعداد دليل التلميذ في وحدة (القياس) من خلال : تحديد الأهداف الإجرائية لدروس وحدة (القياس) ، تحديد دروس محتوى الوحدة وتنظيمها وفق استراتيجية شكل البيت الدائري وتدعمها بأشكال البيت الدائري وأوراق العمل الرياضية ذات الأفكار المتنوعة والغير نمطية لتنمية المفاهيم الرياضية ومهارات التفكير البصري لدى التلاميذ. وبذلك تم إعداد الصورة النهائية لدليل التلميذ في وحدة (القياس) وفق استراتيجية شكل البيت الدائري **.

(٢) إعداد دليل المعلم لتدريب وحدة (القياس) وفق استراتيجية شكل البيت الدائري: من خلال الخطوات الآتية:

✓ الهدف من الدليل : استرشاد المعلم الرياضيات عند تدريس دروس محتوى وحدة (القياس) وفق استراتيجية شكل البيت الدائري بما يحقق تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير البصري لدى التلاميذ .

✓ محتويات الدليل : يشتمل على جزأين : **الجزء الأول "مقدمة الدليل"** : (تتضمن فكرة عامة عن استراتيجية شكل البيت الدائري والمفاهيم الرياضية والتفكير البصري المراد تنميتها لدى التلاميذ)، **الجزء الثاني "محتويات الدليل"** (تشتمل على: الأهداف العامة والخاصة لوحدة "القياس" ، دروس محتوى الوحدة ، الوسائل والأنشطة التعليمية ، مرحلة التقويم ، خطط لتدريس كل درس من دروس محتوى الوحدة وفق اجراءات استراتيجية شكل البيت الدائري). وبذلك تم إعداد الصورة النهائية لدليل المعلم ❖ لتدريب دروس وحدة (القياس) وفق استراتيجية شكل البيت الدائري .

بـ- إعداد أدوات القياس : وتشتمل على :

(١) إعداد اختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس" وفق الخطوات الآتية :

- الهدف من الاختبار : قياس المفاهيم الرياضية لدى تلميذ عينة البحث (المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة) فيما تم دراسته في وحدة "القياس".
- أبعد التعلم المتضمنة في الاختبار : فقد اقتصر الاختبار على قياس المفاهيم الرياضية عند المستويات الآتية (الذكر ، والاستيعاب يشمل على الفهم والتطبيق المباشر) في الرياضيات .
- نوع مفردات الاختبار: حيث تكون الاختبار من سؤالين : النوع الأول الإكمال ويكون من (٢٠) مفردة ، والنوع الثاني الاختيار من متعدد ويكون من (٤٠) مفردة .
- جدول الموصفات الاختبار: وهو عبارة عن جدول ثانوي للأبعاد يتم فيه وضع دروس محتوى وحدة (القياس) رأسياً ، ومستويات التي تقام عندها أفقياً .

جدول (٣)

مواصفات اختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس"

الاربعاد	الدروس	المساحة ووحدتها	الذكرا		الاستيعاب	عدد الأسئلة	%
			٣٨	٣٨			
-٣٠-٢١-١٥-٩	-٣٠-٢١-١٥-٩	-٢٥-٢٠-١٤-٧	٣٣	١٠	٢٥		

* ملحق (١) : استماراة تحليل وحدة (القياس) بكتاب "الرياضيات" للصف الخامس الابتدائى الفصل الدراسي الثانى.

**ملحق (٢) : دليل التلميذ في وحدة (القياس) معد وفق استراتيجية شكل البيت الدائري .

* ملحق (٣) : دليل المعلم لتدريب دروس وحدة (القياس) وفق استراتيجية شكل البيت الدائري .

١٧, ٥	٧	٣٧-٢٤-١٩-١	٤٠-٢٩-٥	مساحة متوازى الاضلاع
٢٠	٨	-٢٨-١٦-١٢ ٣٦	٣٩-٣٢-١٨-٣	مساحة المربع بمعنومية طول قطره
٢٠	٨	-٢٦-١٧-١٣-٤ ٣٥	٢٣-١١-٨	مساحة المعين بمعنومية طولي قطريه
١٧, ٥	٧	٢٧-٢٢-١٠-٢	٣٤-٣١-٦	محيط الدائرة
١٠٠	٤٠	٢٢	١٨	المجموع

- وضع تعليمات الاختبار : تم وضعها فى الصفحة الأولى من الاختبار لشرح الهدف من الاختبار وكيفية الإجابة عليه ، و زمن الاختبار و نهايته العظمى.
- وضع نظام تقدير درجات الاختبار : يخصص لكل إجابة عن سؤال درجة ، فجاءت النهاية العظمى للاختبار (٧٥) درجة .
- صدق الاختبار : تم عرض الاختبار على مجموعة من السادة المحكمين المتخصصين فى مجال تعليم الرياضيات للتأكد من صلاحية وصدق الاختبار كأداة لقياس المفاهيم الرياضية فى وحدة " القياس " لدى تلاميذ الصف الخامس الإبتدائى .
- التجربة الاستطلاعية للاختبار: تم تطبيق الاختبار فى صورته الأولية على عينة من تلاميذ الصف الخامس الإبتدائى بلغ عددهم (٣٥) تلميذ من خارج عينة الدراسة بمدرسة " سنان " إدارة الزيتون". وقد أجريت الدراسة الاستطلاعية بهدف :

 ١. تحديد الزمن المناسب للاختبار: من خلال حساب متوسط الزمن الذى استغرقه جميع التلاميذ للإنتهاء من جميع مفردات الاختبار، تم تحديد زمن اختبار المفاهيم الرياضية فى وحدة " القياس " (٣٠) دقيقة .
 ٢. تحديد معاملات السهولة والصعوبة لمفردات الاختبار : حيث أن المفردة التى يصل معامل السهولة لها (٩٠ %) فأكثر تكون مفردة شديدة السهولة يتم حذفها، وأن المفردة التى يصل معامل الصعوبة لها (٨٠ %) فأكثر مفردة شديدة الصعوبة يتم حذفها*. وتم حساب معاملات السهولة والصعوبة لمفردات الاختبار حيث تم حذف بعض المفردات شديدة السهولة والمفردات شديدة الصعوبة ، وبذلك أصبح اختبار المفاهيم الرياضية فى وحدة " القياس " يتكون من (٤٠) مفردة .
 ٣. تحديد معامل ثبات الاختبار : تم حسابه بطريقة التجزئة النصفية للاختبار (الإساق الداخلى)* وتم حساب معامل الارتباط لبيرسون حوالي (٧٧) ، وحساب معامل ثبات الاختبار حوالي (٨٩ ، ٠) وهو معامل ثبات مناسب يمكن الوثوق فيه .
 - إعداد الاختبار فى الصورة النهائية : بعد إجراء التعديلات على مفردات الاختبار فى ضوء آراء السادة المحكمين ونتائج التجربة الاستطلاعية أصبح الاختبار فى صورته النهائية** .
 - (٢) إعداد اختبار التفكير البصرى فى وحدة (القياس) وفق الخطوات الآتية :
 - الهدف من الاختبار: قياس مهارات التفكير البصرى لدى تلاميذ عينة البحث فى وحدة " القياس ".

*صبرى الدمرداش (٢٠٠١) : المناهج حاضراً ومستقبلاً ، مكتبة المنار الإسلامية ، الكويت . ص ٦٩ .

**صلاح علام (٢٠٠٠) : تحليل بيانات البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية ، دار الفكر العربي ، القاهرة . ص ٣١٨ .

**ملحق (٤) الصورة النهائية لاختبار المفاهيم الرياضية فى وحدة " القياس " .

- أبعاد التعلم المضمنة في الاختبار :** اقتصر الاختبار على قياس المهارات الآتية: مهارة التعرف على الشكل ، مهارة التمييز البصري ، مهارة تحليل الشكل ، مهارة استخلاص المعانى ، مهارة تفسير المعلومات على الشكل .
- نوع مفردات الاختبار :** حيث يتكون الاختبار من (٥) أسئلة ، كل سؤال يتكون من (٦) مفردات ، أى أن الاختبار يتكون من (٣٠) مفردة .
- صياغة تعليمات الاختبار :** تم وضع تعليمات الاختبار في الصفحة الأولى ، وروعي فيها الوضوح والإيجاز وشرح الهدف من الاختبار، وكيفية الإجابة عليه، وزمن الاختبار ونهايته العظمى .
- وضع نظام تقدير درجات الاختبار :** تختلف درجة كل سؤال حسب الخطوات المستخدمة في الإجابة عن كل سؤال ، فجاءت النهاية العظمى للاختبار (١٠٠) درجة .
- صدق الاختبار :** تم عرض الاختبار على مجموعة من السادة الممكينين في تخصص "مناهج وطرق تدريس الرياضيات" للتأكد من صلحيته وصدق الاختبار كأداة لقياس مهارات التفكير البصري في وحدة "القياس" لدى تلاميذ عينة البحث .
- إعداد جدول الموصفات للأختبار :** وهو عبارة عن جدول ثالثي التطبيق ، يتم وضع دروس محتوى وحدة "القياس" رأسياً، ومهارات التفكير البصري أفقياً ، وهذا الجدول يوضح ذلك .

جدول (٤) مواصفات التفكير البصري في وحدة (القياس)

٪	عدد الأسئلة	استخلاص المعانى	تفسير المعلومات على الشكل	تمييز بين الأشكال	تحليل الشكل	التعرف على الشكل	مهارات التفكير البصري	
							الدورس	المساحة ووحدتها
٣٣,٣٣	١٠	(٤١-٤) (٢٤-٤)	(٢٥-٥) (٢٩-٥)	(٧-٢) (١٢-٢)	(١٣-٣) (١٥-٣)	(١-١) (٦-١)	مساحة ووحدتها	
١٦,٦٧	٥	(٢٠-٤)	(٢٨-٥)	(١٠-٢)	(١٨-٣)	(٣-١)	مساحة متوازى الأضلاع	
١٦,٦٧	٥	(٢٢-٤)	(٢٦-٥)	(٨-٢)	(١٦-٣)	(٢-١٠)	مساحة المربع بمعلومات طول قطره	
١٦,٦٧	٥	(٢٣-٤)	(٢٧-٥)	(٩-٢)	(١٧-٣)	(٥-١)	مساحة المدين بمعلومات طول قطره	
١٦,٦٧	٥	(١٩-٤)	(٣٠-٥)	(١١-٢)	(١٤-٣)	(٤-١)	مساحة المدين بمعلومات طول قطره	
١٠٠	٣٠	٦	٦	٦	٦	٦	المجموع	

- التجربة الاستطلاعية للأختبار :** تم تطبيق الاختبار على نفس العينة السابقة ، بهدف :
- تحديد الزمن المناسب للأختبار:** من خلال حساب متوسط الزمن الذي استغرقه جميع التلاميذ للإنتهاء من جميع مفردات الاختبار وبذلك تم تحديد زمن اختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" (٦٠) دقيقة .
 - تحديد معاملات السهولة والصعوبة لمفردات الاختبار :** وفي ضوء ذلك تم حذف بعض الأسئلة شديدة السهولة وشديدة الصعوبة وبذلك أصبح اختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" يتكون من خمسة أسئلة مكونة (٣٠) مفردة .

٣. تحديد معامل ثبات الاختبار : باستخدام طريقة التجربة النصفية للاختبار ووجد أنه يساوى (٨٥،٠) وهي تعد نسبة مرتفعة ومقبولة مما يدل على ثبات الاختبار.

إعداد الاختبار في الصورة النهائية : بعد إجراء التعديلات على الاختبار تم التوصل إلى صورته النهائية.

ثانياً : إجراءات الدراسة التجريبية : تتضمن الخطوات الآتية :

- أ- اختبار مجموعة البحث : تم اختيار مجموعة الدراسة من تلاميذ الصف الخامس الابتدائي بمدرسة "بن خلدون الإبتدائية" إدارة الزيتون للعام الدراسي ٢٠١٥/٢٠١٦ الفصل الدراسي الثاني وتكونت مجموعة الدراسة من فصلين تم اختيارهما عشوائياً وتقسيمهما إلى مجموعتين أحدهما تجريبية والأخرى ضابطة وكان عدد كل مجموعة (٣٢) تلميذ.
- ب- ضبط متغيرات البحث : تم التأكد من تكافؤ المجموعتين (التجريبية والضابطة) من خلال ضبط المتغيرات الآتية : العمر الزمني (تراوح العمر الزمني لتلاميذ مجموعة البحث من ١٠ - ١١ سنة مما يدل على أن المجموعتين ينتميان إلى نفس الفئة العمرية مما يدل على تكافؤهما تقريباً من حيث العمر الزمني ، المستوى الاقتصادي والاجتماعي (متقارب لأن معظمهم من نفس المنطقة ولهم نفس الثقافة ونفس ظروف البيئة المحيطة).

ج- إجراء الدراسة التجريبية : تشتمل على الخطوات الآتية :

١. التطبيق القبلي لأدوات القياس: تم التطبيق القبلي لأدوات القياس تمثل في (اختبار المفاهيم الرياضية ، واختبار التفكير البصري) في وحدة "القياس" تطبيقاً قبلياً على المجموعتين التجريبية والضابطة وتم رصد الدرجات ومعالجة البيانات إحصائياً باستخدام البرنامج الإحصائي SPSS، وفيما يلى نتائج التطبيق القبلي على مجموعة البحث.

جدول (٥)

نتائج (ت) لدالة الفرق بين متوسطي درجات مجموعة البحث (التجريبية والضابطة) في التطبيق القبلي لكل من (اختبار المفاهيم الرياضية واختبار التفكير البصري) في وحدة "القياس"

اختبار (ت)			درجة الحرية	ع	م	ن	المجموعة	الاختبار	م
الدالة	قيمة (ت) المحسوبة	القياس							
لا يوجد دلالة	٠،٣٨٩	٠،٩٧٩	٦٢	٣،٢	٥،٥	٣	ضابطة	اختبار المفاهيم الرياضية	١
				٢،٩	٦،٢	٣	تجريبية		
لا يوجد دلالة	٠،٦٤١	١،٤٧٣	٦٢	٣،٨	٥،٧	٣	ضابطة	اختبار التفكير البصري	٢
				٣	٨	٢	تجريبية		
				٥،٦	٧،٥	٣	ضابطة		
				٦	٦	٢	تجريبية		

يتضح من جدول (٥) أن:

- ❖ قيمة الدلالة بالنسبة لاختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس" (٠،٣٨٩) أكبر من (٠،٠٥) عند مستوى الدلالة (٠،٠١) مما يشير إلى أنه لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية بين متوسطي درجات مجموعة البحث (التجريبية والضابطة) في التطبيق القبلي لاختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس". وبذلك تكون المجموعتين متكاففتين بالنسبة لمتغير المفاهيم الرياضية قبل بداية التجربة.

❖ قيمة الدلالة بالنسبة لاختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" (٤١، ٠٠٥) أكبر من (٠٠١) عند مستوى الدلالة (٠٠١) مما يشير إلى أنه لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية بين متوسطى درجات مجموعة البحث (التجريبية والضابطة) في التطبيق القبلى لاختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" قبل بداية التجربة. وبذلك تكون المجموعتان متكافئتين بالنسبة لمتغير التفكير البصري قبل بداية التجربة.

٢. التدريس لمجموعة البحث : وحدة "القياس" بالفصل الدراسي الثاني بكتاب الرياضيات للصف الخامس الإبتدائى لمجموعة البحث حيث أن: المجموعة التجريبية (درست وحدة "القياس" وفق استراتيجية شكل البيت الدائرى ، وذلك بواقع ١٨ حصة ومدة كل حصة ٤٥ دقيقة)، أما المجموعة الضابطة(درست وحدة "القياس" من كتاب المدرسة وفقاً للطريقة المعتادة، وذلك بواقع ٨ حصص).

٣. التطبيق البعدى لأدوات القياس : بعد الإنتهاء من تدريس وحدة "القياس" لمجموعة البحث (التجريبية والضابطة) ، تم تطبيق أدوات القياس (تتمثل في اختبار المفاهيم الرياضية واختبار التفكير البصري) في وحدة "القياس" على مجموعة البحث تطبيقاً بعدياً .

نتائج الدراسة التجريبية (وتفسيرها ومناقشتها) :

تم الإجابة عن السؤال الثانى من أسئلة البحث الذى ينص على : ما فاعالية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائرى فى تنمية كل من : (المفاهيم الرياضية و التفكير البصري) لدى تلاميذ الصف الخامس الإبتدائى؟ من خلال التطبيق البعدى لأدوات القياس على مجموعة البحث (التجريبية والضابطة) بعد تدريس وحدة "القياس".

نتائج تطبيق اختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس" :

بعد التطبيق البعدى لاختبار المفاهيم الرياضية فى وحدة "القياس" على مجموعة البحث تم رصد الدرجات ، ومعالجة البيانات إحصائيا باستخدام البرنامج الإحصائى SPSS .

• التحقق من صحة الفرض الأول:لا يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطى درجات المجموعتين التجريبية والضابطة فى التطبيق البعدى لاختبار المفاهيم الرياضية فى وحدة "القياس" لصالح المجموعة التجريبية.

جدول (٦)

نتائج (ت) لدلالة الفرق بين متوسطى درجات مجموعة البحث (التجريبية والضابطة) في التطبيق البعدى لاختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس"

الختبار (ت)		قيمة (ت) المحسوبة	درجة الحرية	ع	م	ن	التطبيق
الدلالة							
يوجد دلالة	٠٠٠٣	٣،٢٨٣	٦٢	٥٧،٣١	٦٨،٨٤	٣٢	التجريبية
				١٨،٤٥	٥٧،٣١	٣٢	الضابطة

يتضح من جدول(٦) أن قيمة الدلالة لاختبار المفاهيم الرياضية أقل من (٠٠٥) ، مما يشير إلى وجود فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (١) (٠٠٠١) بين متوسطى درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار المفاهيم الرياضية لصالح المجموعة التجريبية. وبناء على ذلك تم رفض الفرض الأول .

• التتحقق من صحة الفرض الثانى:لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية بين متوسطى درجات المجموعة التجريبية في التطبيقات القبلى والبعدى لاختبار المفاهيم الرياضية لصالح التطبيق البعدى " .

جدول (٧)

نتائج (ت) لدلالة الفرق بين متوسطى درجات المجموعة التجريبية في التطبيقات (القبلى - البعدى)

لأختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس "

اختبار (ت)			التطبيق	ن	م	ع	
الدالة	قيمة (ت) المحسوبة	درجة الحرية	الدالة	قيمة (ت) المحسوبة	درجة الحرية	الدالة	قيمة (ت) المحسوبة
يوجد دالة	٦٠,٢٢١	٣١	٢,٩١	٦,٢٥	٣٢	القبلي	
			٧,٣٥	٦٨,٨٤	٣٢	البعدي	

يتضح من جدول (٧) أن قيمة الدلالة لاختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس" أقل من (٠٠٥)، مما يشير إلى وجود فرق ذي دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (٠٠١) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية في التطبيقين(القبلى- البعدى) لاختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس" لصالح التطبيق، البعدى . وبناء على ذلك تم رفض الفرض الثانى.

- التحقق من صحة الفرض الثالث : " لا تتصف استراتيجية شكل البيت الدائري بالفعالية في تنمية المفاهيم الرياضية لدى المجموعة التجريبية " .

جدول (٨)

نسبة الكسب المعدل ل بلاك للتطبيق القبلي والبعدي

لأختبار المفاهيم الرياضية في وحدة "القياس" للمجموعة التجريبية

الأداة	متوسط درجات القبلي	متوسط درجات البعدى	نهاية العظمى لاختبار	كسب المعدل بلباك
اختبار المفاهيم الرياضية	٦٠,٢٥	٦٨,٨٤	٧٥	١,٧٨

يؤكّد فاعلية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تنمية المفاهيم الرياضية لدى تلاميذ المجموعة التجريبية . وبناء على ذلك تم رفض الفرض الثالث .

نتائج تطبيق اختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" :

بعد التطبيق البعدي لاختبار التفكير البصري فى وحدة "القياس" على مجموعتى البحث (التجريبية والضابطة) تم رصد الدرجات، ومعالجة البيانات إحصائياً باستخدام البرنامج الاحصائي SPSS.

- التحقق من صحة الفرض الرابع: لا يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطي درجات المجموعتين (الضابطة والتجريبية) في التطبيق البعدى لاختبار التفكير البصري فى وحدة "القياس" لصالح المجموعة التجريبية .

جدول (٩)

نتائج (ت) لدلة الفرق بين متوسطي درجات مجموعتي البحث (التحررية والضابطة)

في التطبيق البعدي لاختبار التفكير البصري في وحدة "القياس"

يتضح من جدول (٩) أن قيمة دلالة اختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" أقل من (٥٠٠٥)، مما يشير إلى وجود فرق ذي إحصائية عند مستوى دلالة (٠٠٠١) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدي لاختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" لصالح المجموعة التجريبية . وبناء على ذلك تم رفض الفرض الرابع.

- التحقق من صحة الفرض الخامس: لا يوجد فرق ذو دلالة احصائية بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية في التطبيقين القبلي والبعدي لاختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" لصالح التطبيقين البعدي".

جدول (١٠)

نتائج (ت) دلالة الفرق احصائياً بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية في التطبيقين (القبلي - البعدى) لاختبار التفكير البصرى فى وحدة "القياس"

اختبار (ت)				ع	م	ن	التطبيق
الدلالـة	قيمة (ت) المحسوبة	درجة الحرية					
يوجـد دلـلة	٠٠٠٠	٨٦,٦١٢	٣١	٥,٦٦	٧,٥٦	٣٢	القبـلي
				٤,٤٤	٩٣,٩	٣٢	البعـدي

يتضح من جدول (١٠) أن قيمة دلالة اختبار التفكير البصري في وحدة "القياس" أقل من (٥٠٠٥)، مما يشير إلى وجود فرق ذي إحصائية عند مستوى دلالة (٠٠٠١) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية في التطبيقات (القبلي - البعدي) لاختبار التفكير البصري في وحدة "القياس"، لصالح التطبيق البعدي، وبناءً على ذلك تم رفض الفرض الخامس.

- التحقق من صحة الفرض السادس: " لا تتصف استراتيجية شكل البيت الدائرى بالفاعلية فى تنمية التفكير البصرى لدى المجموعة التربوية ".

جدول (١١)

**نسبة الكسب المعدل ل بلاك للتطبيق القبلي والبعدي لاختبار التفكير البصري في وحدة "القياس"
للمجموعة التجريبية**

الأداة	متوسط درجات القبلي	متوسط درجات البعدى	متوسط درجات اليمين	نهاية العظمى لاختبار	كسب المعدل لبلاك
اختبار التفكير المصرى	٧،٥٦	٩٣،٩	١٠٠	١٠٠	١،٨

يتضح من جدول (١١)، أن نسبة الكسب المعدل لبلاتك (١،٨) وهى أكبر من (١،٢)، مما يؤكد فاعلية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائرى فى تتنمية التفكير البصرى لدى تلاميذ المجموعة التجريبية . وبناء على ذلك تم رفض الفرض السادس.

تفسير ومناقشة النتائج الخاصة باختيار المفاهيم الرياضية واختيار التفكير البصري :

نتائج البحث الحالى اتفقت مع الدراسات والبحوث السابقة الخاصة باستخدام استراتيجية شكل البيت الدائري فى فاعلية هذه الاستراتيجية فى تدريس الرياضيات لتنمية المفاهيم الرياضية ومهارات التفكير البصري.

كما يتضح من النتائج السابقة أن كلاً من المجموعة التجريبية والضابطة قد نما لديهما المفاهيم الرياضية والتفكير البصري ، ولكن تفوق المجموعة التجريبية على الضابطة ، ويرجع ذلك إلى :

- زيادة ثقة التلاميذ بأنفسهم في قدرتهم على التفكير المستقل أثناء حل المسائل الرياضية.
 - تدريب التلاميذ على: التعبير عما يدور في أذهانهم بوضوح (شفهياً أو كتابياً أو من خلال صور ورسومات)، استنتاج المفاهيم الرياضية والتغيير عنها رمزياً ولغظياً، إعطاء أمثلة ولا أمثلة رياضية على المفاهيم والتعليمات الرياضية ، التعرف على الأشكال الهندسية
 - خلق بيئه تعليمية فعالة منتجة فأصبح دور التلميذ أكبر وأنشط أما المعلم فدوره التوجيه والإرشاد .
 - استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في تدريس وحدة "القياس" الذي ساعدت على :

و خواصها والتمييز بينها ، تحليل الشكل الهندسى إلى عناصره ، استخلاص التعميمات الرياضية من الأشكال الهندسية المعروضة عليهم، توظيف و تفسير المعلومات الرياضية المعطاة على الأشكال الهندسية أثناء حل المسائل الرياضية ، توظيف المفاهيم الرياضية فى استنتاج التعميمات الرياضية و حل المسائل الرياضية ، التساؤل والاستفسار وال الحوار والمناقشة بحرية ، إنتاج أفكار و حلول جديدة و متنوعة أثناء حل المسائل الرياضية .

٢. الصياغة الجديدة لتنظيم دروس وحدة "القياس" وفق استراتيجية شكل البيت الدائري فى دليل التلميذ حيث إنها تضمنت : مجموعة من أشكال البيت الدائري الخاصة بكل درس بشكل متكامل و مترابط ، أوراق عمل خاصة بكل درس تناسب مع المرحلة العمرية لللاميذ تتضمن أفكار جديدة و متنوعة تثير تفكيرهم و تساعدهم على التكامل والترابط بين المفاهيم و التعميمات و المعلومات الرياضية السابقة و الجديدة ، ساعدت التلاميذ على استدعاء المفاهيم و التعميمات و المعلومات الرياضية و سهولة تذكرها واستيعابها وفهمها.

توصيات البحث : يوصى البحث الحالى بـ :

١. تطوير مناهج الرياضيات (أهداف - محتوى - طرق تدريس - أنشطة وسائل تعليمية - أساليب تقويم) وفق استراتيجية شكل البيت الدائري بالمراحل التعليمية المختلفة .
٢. إعداد برامج تدريب للطلاب المعلمين فى كليات التربية شعبة رياضيات على استراتيجيات التدريس الحديثة منها استراتيجية شكل البيت الدائري .
٣. إعداد دورات تدريبية وورش عمل لمعلمى الرياضيات أثناء الخدمة تتضمن تدريبهم على استخدام استراتيجيات التدريس الحديثة و منها استراتيجية شكل البيت الدائري .
٤. تضمين كتب الرياضيات بالمراحل التعليمية المختلفة على الأنشطة والتدريبات و المسائل و المشكلات الرياضية التي تسهم في تنمية المفاهيم الرياضية و التفكير البصري لدى التلاميذ .
٥. تطوير أساليب التقويم المستخدمة لقياس المفاهيم الرياضية و التفكير البصري لدى التلاميذ .

مقترنات البحث :

- في ضوء ما توصل إليه البحث الحالى من نتائج تقترح الباحثة الدراسات المستقبلية التالية:
١. إجراء دراسات مماثلة تتناول فاعلية استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري فى تنمية متغيرات تابعة أخرى .
 ٢. إجراء دراسات مماثلة تتناول استخدام استراتيجيات تدريسية حديثة أخرى فى تنمية المفاهيم الرياضية و التفكير البصري .
 ٣. إجراء دراسات مماثلة للدراسة الحالية لتحسين نواتج التعلم لطلاب الفئات الخاصة (المتفوقين ، بطء التعلم ، المتأخرین دراسيا الخ) .
 ٤. اجراء دراسة مقارنة بين استراتيجية شكل البيت الدائري وبعض الاستراتيجيات التدريسية الأخرى الحديثة مثل استراتيجية الصفوف المقلوبة ، واستراتيجية الانثى ، واستراتيجية التماثل فى تنمية المفاهيم الرياضية ومهارات التفكير البصري .

المراجع

١. إبتهال صالح غندوره (٢٠٠٥): أثر استخدام وسائل تعليمية مقرحة في تنمية بعض المفاهيم الرياضية لدى أطفال رياض الأطفال بالعاصمة المقدسة رسالة ماجستير، كلية التربية بمكة المكرمة.
٢. ابراهيم عقيلان(٢٠٠٢): منهاج الرياضيات وأساليب تدريسها ، دار المسيرة للنشر والتوزيع والطبعة، عمان.
٣. إحسان الأغا، عبد الله عبد المنعم(١٩٩٤): التربية العملية وطرق تدريسها، مكتبة اليارجي ، الجامعة الإسلامية ، غزة ، ط٣.
٤. أحمد جاسم الهلال (٢٠١٢): فعالية التدريس باستخدام أسلوب التعليم الإلكتروني على تنمية المفاهيم الرياضية ومهارات التفكير الناقد لدى طلبة كلية التربية بجامعة الكويت ، المجلة التربوية ، كلية التربية ، جامعة الكويت ، ع (١٠٢) ، الجزء الثاني ، ص ٥٥ - ٩٩ .

٥. أحمد على أبو زايد (٢٠١٣): فاعلية كتاب تفاعلي محوسب في تنمية مهارات التفكير البصري في التكنولوجيا لدى طلاب الصف الخامس الأساسي بغزة، رسالة ماجستير، كلية التربية ، الجامعة الإسلامية ، غزة .
٦. أحمد مجدى مشتهى (٢٠١٠): فاعلية برنامج بالوسائل المتعددة لتنمية مهارات التفكير البصري في التربية الإسلامية لدى طلبة الصف الثاني الأساسي ، رسالة ماجستير، الجامعة الإسلامية ، غزة .
٧. أحمد محمد الدويرى (٢٠١٠): أثر استخدام برنامج محوسب في تعديل المفاهيم الرياضية لدى طلاب الصف الثامن في الأردن ، مجلة بحوث التربية النوعية ، ع (١٦)، ص ١٣٠ - ١٥٢ .
٨. أسامة عبد المولا (٢٠١٠) : فاعلية برنامج قائم على البنائية الإجتماعية باستخدام التعلم الخليط في تدريس الدراسات الإجتماعية على تنمية المفاهيم الجغرافية والتفكير البصري والمهارات الحياتية لدى التلاميذ الصم بالحلقة الإعدادية ، رسالة دكتوراه ، كلية التربية ، جامعة سوهاج.
٩. أسامة محمود الحنان(٢٠١٥): برنامج إثرائي قائم على التدريس التأملي في الرياضيات لتنمية بعض عادات العقل ومهارات التفكير البصري لدى تلميذ المرحلة الإبتدائية، رسالة دكتوراه ، كلية التربية ،جامعة أسيوط .
١٠. إسلام زياد منصور (٢٠١٥): فاعلية برنامج يوظف السبورة التفاعلية في تنمية المفاهيم ومهارات التفكير البصري بالعلوم لدى طلبة الصف الثالث الأساسي، رسالة ماجستير، كلية التربية، الجامعة الإسلامية، غزة .
١١. أسماء الجنبيح (٢٠١١):أثر استراتيجية شكل البيت الدائري كمنظم خبرة معرفية في مقرر العلوم على تحصيل طلابات الصف الثاني المتوسط وبقاء أثر التعلم لديهن بمحافظة المجمعة ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، جامعة الأميرة نورة بنت عبد الرحمن ، السعودية.
١٢. إسماعيل الأمين (٢٠٠١): طرق تدريس الرياضيات نظريات وتطبيقات، دار الفكر العربي ، القاهرة.
١٣. أشرف أحمد الزغبي (٢٠٠٧): فاعلية استخدام استراتيجية تدريس قائمة على نظرية الذكاءات المتعددة لتنمية بعض المفاهيم الرياضية في هندسة التحويلات لدى تلاميذ الحلقة الأولى من التعليم الأساسي ، مجلة القراءة والمعرفة ، ع (٦٨)، ص ٤٨ - ٣٠ .
١٤. إقبال عبد الصاحب ، أشواق جاسم (٢٠١٢): ماهية المفاهيم وأساليب تصحيح المفاهيم الخطأ ، دار صفاء للطباعة والنشر والتوزيع ، عمان.
١٥. ألفة محمود قاسم (٢٠١٤) : أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري في علاج التصورات البديلة لبعض المفاهيم العلمية في مادة الثقافة العلمية لدى طلابات الصف الحادى عشر بغزة ، رسالة ماجستير ، كلية التربية ، جامعة الأزهر ، غزة .
١٦. أمل حسين سلامة (٢٠١٣): فاعلية رياضيات السوبر ماركت في تنمية بعض المفاهيم ومهارات الرياضية الحياتية لدى طفل الروضة في ضوء وثيقة المعايير القومية رياض الأطفال ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، جامعة طنطا.
١٧. إيمان أسعد طافش (٢٠١١) : أثر برنامج مقترن في مهارات التواصل الرياضي على تنمية التحصيل العلمي ومهارات التفكير البصري في الهندسة لدى طلابات الصف الثامن الأساسي بغزة ، رسالة ماجستير ، جامعة الأزهر ، غزة .
١٨. أيمن عبد الله أبو مطصفى (٢٠١١): أثر استخدام نموذج بابي في اكتساب المفاهيم في الرياضيات ومبولهم نحوها لدى طلاب الصف السابع الأساسي ، رسالة ماجستير ، الجامعة الإسلامية ، غزة .
١٩. إيناس إبراهيم أبو العلا (٢٠١٣) : فاعلية برنامج مقترن قائم على بعض المداخل التدريسية لتنمية المفاهيم الرياضية ومهارات حل المشكلات والاتجاه نحو تعلم الرياضيات لدى طلاب الصف الأول الثانوي ، رسالة دكتوراه ، كلية التربية ، جامعة الفيوم .
٢٠. بدر السنكري (٢٠٠٣): أثر نموذج فان هايل في تنمية مهارات التفكير الهندسى والاحتفاظ بها لدى طلاب الصف التاسع الأساسي بغزة ، رسالة ماجستير، كلية التربية، الجامعة الإسلامية ، غزة .
٢١. بلسم وليد الوزان (٢٠٠٩): أثر استخدام نموذج فراير في اكتساب المفاهيم الرياضية لدى تلاميذ الصف الخامس الإبتدائى ، رسالة ماجستير ، الجامعة المستنصرية ، العراق.
٢٢. بيدا محمد البياتى (٢٠١٠): أثر استخدام نموذج كلوزمایر في اكتساب المفاهيم الرياضية واستبقائها ، رسالة ماجستير ، الجامعة المستنصرية ، العراق.

٢٣. ثانى حسين خاصى الشمرى (٢٠١١) : أثر استراتيجيتى المخططات العلمية ومحظط البيت الدائري فى تحصيل مادة الفيزياء ، وتنمية عمليات العلم لدى طلاب معاهد إعداد المعلمين ، إطروحة دكتوراه (منشورة) ، جامعة بغداد ، كلية التربية ، ابن الهيثم.
٢٤. جبرين عطية ، لوى مفلح (٢٠١٠) : أثر استخدام الألعاب التربوية المحسوبة فى تحصيل بعض المفاهيم الرياضية لتلاميذ الصف الثالث الأساسي فى مديرية إربد الأولى ، مجلة جامعة دمشق للعلوم التربوية ، ع (١) ، ص (٢) ، ٦٤٣ - ٦٧٢ .
٢٥. حسام البلاعوى (٢٠٠٩) : أثر استخدام بعض استراتيجيات التغير المفهومى فى تعديل المفاهيم الرياضية البديلة لدى طلاب الصف العاشر الأساسي بغزة، رسالة ماجستير، الجامعة الإسلامية، غزة.
٢٦. حسن ربحى مهدى (٢٠٠٦) : فاعلية استخدام برمجيات تعليمية على التفكير البصرى والتحصيل وتقنولوجيا المعلومات لدى طلابات الصف الحادى عشر ، رسالة ماجستير، الجامعة الإسلامية، غزة.
٢٧. حسن شحاته ، زينب النجار (٢٠٠٣) : معجم المصطلحات التربوية والنفسية، الدار المصرية اللبنانية.
٢٨. خلود نعيم أمير الحميداوي (٢٠١٢) : أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري فى تنمية التفكير الإبداعى وتحصيل طلابات الصف الأول المتوسط للمفاهيم الأحيائية ، رسالة ماجستير (منشورة) ، كلية التربية الأساسية ، الجامعة المستنصرية ، وزارة التعليم العالى والبحث العلمى.
٢٩. خليفة عبد السميع(١٩٩٩) : تدريس الرياضيات فى التعليم الأساسي ، مكتبة الأنجلو المصرية ، القاهرة ، ط ٣.
٣٠. دينا إسماعيل العشى (٢٠١٣) : فاعلية برنامج بالوسائل المتعددة لتنمية المبادئ العلمية ومهارات التفكير البصرى لدى طلاب الصف السادس الأساسي فى مادة العلوم بغزة ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، الجامعة الإسلامية ، غزة.
٣١. رباب عده الشافعى (٢٠٠٩) : فاعلية برنامج مقترن قائم على المدخل المنظومى بمساعدة الكمبيوتر فى تنمية المفاهيم الرياضية والتفكير التحليلي لدى أطفال الرياض ، رسالة دكتوراه، كلية التربية النوعية ، جامعة قناة السويس.
٣٢. رفاه عزيز كريم، باسم محمد جاسم(٢٠١٣) : استراتيجية البيت الدائري وأثرها فى تحصيل تلاميذ الصف الخامس الإبتدائى فى مادة الرياضيات، مجلة العلوم التربوية والنفسية ، ع(٩٩) ، ص ٣٧٠ - ٤٠٣ .
٣٣. رهف محمود شحادة عطايا (٢٠١٤) : فاعلية استخدام استراتيجية مخطط البيت الدائري وحقيقة تعليمية محسوبة فى تدريس مادة العلوم الحياتية وأثرها فى تحصيل طلابات الصف التاسع واتجاهاتهن نحو المادة ، رسالة ماجستير، كلية العلوم التربوية قسم الإدارة والمناهج،جامعة الشرق الأوسط.
٣٤. رياض إبراهيم البلاصى ، أربig عصام برهm (٢٠١٠) : أثر استخدام التمثيلات الرياضية المتعددة فى اكتساب طلبة الصف الثامن الأساسي للمفاهيم الرياضية وقدرتهم على حل المسائل اللغوية ، مجلة دراسات العلوم التربوية ،الأردن ، مجلد (٣٧) ، ع (١) ، ص ١٣١ - ٣٥ .
٣٥. زيد الهويدى (٢٠٠٦) : أساليب واستراتيجيات تدريس الرياضيات ، دار الكتاب الجامعى ، العين .
٣٦. زينات دعنا(٢٠٠٩) : المفاهيم الرياضية ومهاراتها لطفل الروضة،دار الفكر للنشر والتوزيع ، عمان .
٣٧. سناء سليمان (٢٠١١) : التفكير أساسياته وأنواع تعليمه وتنمية مهاراته ، عالم الكتب ، مصر .
٣٨. سهام محمود حضاونة (٢٠١٢) : الإدراة الصحفية منحى إنسانى أخلاقي – حالات – أسئلة – نشاطات ، دار المناهج للنشر والتوزيع ، عمان.
٣٩. شحاته عبد الله أمين (٢٠١٢) : استخدام استراتيجية التدريس التبادلى فى تعليم الرياضيات وأثرها على تنمية مهارات التفكير البصرى والتحصيل وخفض القلق الهندسى لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ، مجلة تربويات الرياضيات ، مجلد (١٥) ، ابريل ، الجزء الأول.
٤٠. شحادة مصطفى عده (٢٠١٣) : أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائري فى تحصيل طلبة الصف العاشر فى الفيزياء بمدينة نابلس والاحتفاظ بتعلمه واتجاهاتهم نحو الفيزياء ، مجلة جامعة القدس المفتوحة للأبحاث والدراسات التربوية والنفسية ، مجلد الأول ، ع (١).
٤١. صالحـة على محمد المعشى (٢٠١٦) : فاعلية استراتيجية شكل البيت الدائري فى تنمية التحصيل الدراسي لمقرر العلوم وبقاء أثر التعلم لدى تلاميذات الصف السادس الإبتدائى بمدينة جدة ، رسالة ماجستير(غير منشورة) ، كلية التربية ، جامعة أم القرى ، وزارة التعليم ، المملكة العربية السعودية.

٤٤. صباح عبد الله عبد العظيم السيد (٢٠١٤): استخدام التدريس المعكوس لتنمية التفكير البصري وخفض قلق الرياضيات لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ذوي الإعاقة السمعية ، مجلة تربويات الرياضيات ، المجلد (١٧) ، ع (٦) أكتوبر ، ص ٣٢٣ – ٣٧٥ ، جزء الأول .
٤٣. صلاح الدين محمود (٢٠٠٧): **تفكير بلا حدود (رؤى تربوية معاصرة في تعليم التفكير والعقل)** ، عالم الكتب ، القاهرة .
٤٤. عادل على عواد (٢٠١٦) : أثر اختلاف نمطى التعلم الإلكتروني والمدمج على تحصيل الهندسة الكسورية وتنمية التفكير البصري لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، جامعة عين شمس .
٤٥. عباس ناجي المشهدانى (٢٠١١): **تعليم المفاهيم والمهارات فى الرياضيات (تطبيقات وأمثلة)** ، دار اليازورى للنشر والتوزيع ، عمان
٤٦. عزو عفانة ، وليم عبيد (٢٠٠٣) : **التفكير والمنهاج المدرسي** ، مكتبة الفلاح ، بيروت.
٤٧. عزو عفانة وأخرون (٢٠١٢): استراتيجيات تدريس الرياضيات في مراحل التعليم العام ، آفاق للنشر والتوزيع ، غزة .
٤٨. عزو عفانة(٢٠٠١)، أثر استخدام المدخل البصري في تنمية القدرة على حل المسائل الرياضية والاحتفاظ بها لدى طلبة الصف الثامن الأساسي بغزة ،**المؤتمر العلمي الثالث عشر" مناهج التعلم والثورة المعرفية والتكنولوجية المعاصرة"** ، ٢٤ – ٢٥ يوليو،الجزء الثاني ، جامعة عين شمس.
٤٩. عصام محمد عبد الفتاح (٢٠١٥) : أثر التفاعل بين نموذج قائم على التعلم النشط ومستوى التصور البصري المكانى على التحصيل وتنمية مهارات التفكير البصري والحس المكانى في الهندسة لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ، رسالة دكتوراة ، كلية التربية ، جامعة كفر الشيخ .
٥٠. عماد الدين عونى حمدان (٢٠١٠): مدى مطابقة المفاهيم الرياضية المتضمنة في كتب الرياضيات في المرحلة الأساسية العليا للمعايير الدولية NCTM في فلسطين ، رسالة ماجستير (منشورة) ، كلية التربية ، جامعة الزهر ، غزة.
٥١. عونية صوالحة ، محمد الإمام (٢٠٠٨): فاعلية استراتيجية التدريس المباشر في تنمية المفاهيم الرياضية لدى تلاميذ غرف المصادر في الأردن ، **مجلة كلية التربية وعلم النفس**، ع (٣٢) ، ص ٤٧١ – ٤٩٤ .
٥٢. فاطمة السيد عبد الحميد (٢٠١٤): برنامج قائم على التعلم المدمج لتنمية بعض المفاهيم الرياضية لدى طفل الروضة ، (بحث مشتق من رسالة ماجستير) ، مجلة تربويات الرياضيات ، مجلد (١٧) ع (٨) أكتوبر جزء ثالث ، ص ٣١٩ .
٥٣. فائق فاضل أحمد ، على خالد خضرير (٢٠١٤): أثر دورة التعلم المعدلة (7E's) في اكتساب المفاهيم الرياضية لدى تلميذات الصف الخامس الإبتدائي ، **مجلة الفتح** ، ع (٥٩) ، ص ١ – ٢٢ .
٥٤. فائق فاضل ، عبد القادر إبراهيم (٢٠٠٩): أثر استخدام نموذج بوسنر في تغيير المفاهيم الرياضية والتحصيل لدى طلاب الصف الثاني متوسط،**مجلة ديالى**،مجلد(٣)،ص ٢١٢ – ٢١٥ .
٥٥. فتحى مصطفى الزيات (٢٠٠٤) : **سيكولوجية التعلم بين المنظور الارتباطي والمنظور المعرفي** ، دار النشر الجامعات ، القاهرة ، ط .
٥٦. فداء محمود الشوبكى (٢٠١٠) : أثر توظيف المدخل المنظومي في تنمية المفاهيم ومهارات التفكير البصري بالفيزياء لدى طالبات الصف الحادى عشر ، رسالة ماجستير ، الجامعة الإسلامية ، غزة .
٥٧. فريد أبو زينة(٢٠٠٣): **مناهج الرياضيات المدرسية وتدريسيها** ، دار المسير للنشر والتوزيع، عمان.
٥٨. ماهر محمد زنكور (٢٠١٦): استراتيجية شكل الليث الدائري الإلكتروني كمنظم معرفي لتنمية مهارات التنظيم الذاتي الرياضي وسرعة تجهيز المعلومات في الرياضيات لدى طلاب المرحلة المتوسطة ، **مجلة دراسات في المناهج وطرق التدريس** ، ع (٢١٣) ، أغسطس، ص ٩٠ : ١٥٨ .
٥٩. ماهر محمد زنكور (٢٠١٣): أثر برمجية قائمة على المحاكاة الحاسوبية للأشكال الهندسية ثلاثة الأبعاد في تنمية مهارات التفكير البصري والتعلم المنظم ذاتيا لدى طلاب الصف الثاني المتوسط بمنطقة الباحة ، **مجلة تربويات الرياضيات** ، مجلد (١٦) ، برail ، الجزء الأول.

٦٠. متولي سعد الصعيدي (٢٠١٦) : فاعلية استخدام نموذج التعلم التوليدى لتدريس الهندسة فى التحصيل المعرفى لتلاميذ الصف الثانى الإعدادى وتنمية بعض مهارات التفكير البصرى لديهم ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، جامعة المنيا .
٦١. محمد أحمد أبو هلال (٢٠١٢)؛ أثر استخدام التمثلات الرياضية على اكتساب المفاهيم والمدلل نحو الرياضيات لدى طلاب الصف السادس الأساسي، رسالة ماجستير، الجامعة الإسلامية ، غزة.
٦٢. محمد الطراونة(٢٠١٤)؛ أثر استخدام استراتيجية شكل البيت الدائرى فى تنمية التفكير البصرى لدى طلاب الصف التاسع الأساسي فى مبحث الفيزياء،مجلة دراسات العلوم التربوية،مجلد(٤)،ع (٢).
٦٣. محمد حمادة (٢٠٠٩) : فاعلية شبكات التفكير البصرى فى تنمية مهارات التفكير البصرى والقدرة على حل المشكلات اللغوية فى الرياضيات والاتجاه نحو حلها لتلاميذ الصف الخامس ، الجمعية الوطنية للمناهج وطرق التدريس ، ع (١٤) ، ص ١٥ – ٦٤.
٦٤. محمد خليل عباس ، محمد بكر نوبل ، محمد مصطفى العبسى، فريال أبو عواد (٢٠٠٧)؛ مدخل إلى مناهج البحث فى التربية وعلم النفس ، دار الميسرة للنشر والتوزيع والطباعة ، عمان.
٦٥. محمد قصي محمود عباس (٢٠١٥) : فاعلية برنامج مقترن قائم على التكامل بين الرياضيات وعلم المواريث فى تنمية المفاهيم الرياضية ومهارات حل مسائل المواريث لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية الأزهرية ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، جامعة الفيوم .
٦٦. مدحة حسن (٢٠٠٤)؛ تنمية التفكير البصرى فى الرياضيات لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية (الصم والعاديين)، عالم الكتب، القاهرة.
٦٧. مروة منها (٢٠١٣) : فاعلية استراتيجية شكل البيت الدائرى فى تنمية المفاهيم العلمية ومهارات التفكير المنظومى فى العلوم الحياتية لدى طلابات الصف الحادى عشر فى غزة ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، الجامعة الإسلامية ، غزة.
٦٨. مريم عيد أبو دان (٢٠١٣) : أثر توظيف النماذج المحسوسة فى تدريس وحدة الكسور على تنمية التحصيل ومهارات التفكير البصرى لدى طلابات الصف الرابع الأساسي بغزة ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، الجامعة الإسلامية ، غزة.
٦٩. منال مسعد زغلول (٢٠١٥) : فاعلية برنامج قائم على المحاكاة الكمبيوترية فى تنمية التحصيل ومهارات التفكير البصرى لدى التلاميذ ذوى صعوبات تعلم الرياضيات بالمرحلة الابتدائية ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، جامعة بور سعيد .
٧٠. منى محمد مولود (٢٠٠٨)؛ أثر استخدام نموذج التعلم البنائى فى تدريس المفاهيم الرياضية على تحصيل الطلبة واتجاهاتهم نحو الرياضيات ، رسالة ماجستير ، جامعة بغداد ، العراق.
٧١. موسى محمد عبد الرحمن جودة (٢٠٠٧)؛ أثر إثراء بعض المفاهيم الرياضية بالفكر الإسلامي على تحصيل طلبة الصف العاشر الأساسي بغزة فى مادة الرياضيات واتجاهاتهم نحوها ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، الجامعة الإسلامية ، غزة .
٧٢. نادية العفون ، منتهى الصاحب (٢٠١٢) : التفكير أنماطه ونظرياته وأساليب تعليمه وتعلمها ، دار صفاء للنشر والتوزيع ، عمان.
٧٣. ناصر حلمى على يوسف (٢٠١٤)؛ فاعلية برنامج قائم على استخدام التعلم النقال لتنمية بعض المفاهيم والمهارات الرياضية لدى طلاب كلية التربية مسار صعوبات التعلم ، مجلة تربويات الرياضيات ، مجلد (١٧) ، ع(٨) ، أكتوبر ، الجزء الثالث ، ص ١٦٧ – ٢١٩.
٧٤. ناهل أحمد سعيد شعث (٢٠٠٩)؛ إثراء محتوى الهندسة الفراغية فى منهج الصف العاشر الأساسي بمهارات التفكير البصرى ، رسالة ماجستير، كلية التربية ، الجامعة الإسلامية ، غزة.
٧٥. هانى عبد القادر الأغا (٢٠١٢)؛ أثر تدريس وحدة مقترنة قائمة على الروابط الرياضية فى تنمية مهارات التفكير الناقد وتقدير القيمة العلمية للرياضيات لدى طلابات الصف الحادى عشر بمحافظات غزة ، رسالة ماجستير (غير منشورة) ، جامعة الأزهر ، غزة ، فلسطين.
٧٦. هليل العنزي(٢٠١٤): درجة أهمية واستخدام معلمى الرياضيات لبعض النماذج التدريسية فى تدريس المفاهيم الرياضية،رسالة ماجستير،كلية التربية جامعة أم القرى ، المملكة العربية السعودية.

٧٧. هيا المزروع (٢٠٠٥) : استراتيجية شكل البيت الدائري فاعليتها في تنمية مهارات ما وراء المعرفة وتحصيل العلوم لدى طالبات المرحلة الثانوية ذوات السمات العقلية المختلفة ، **مجلة رسالة الخليج العربي** ، ع (٣٦) ، ص ١٣ - ٦٧ .
٧٨. هيثم عبد الله عبد السلام (٢٠١٥) : أثر برنامج مقترن قائم على الإثراء الوسيطي في تدريس الرياضيات على تنمية بعض المفاهيم الرياضية و المهارات الحياتية لدى التلاميذ المتفوقين في المرحلة الإعدادية ، رسالة ماجستير، كلية التربية ،جامعة الفيوم .
٧٩. وائل عبد الله محمد على (٢٠٠٨): فاعالية وحدة مقرحة في هندسة الفراكتال FractalGeometry باستخدام الكمبيوتر في تنمية مهارات التفكير البصرى والميل نحو الرياضيات الديناميكية لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية، **مجلة تربويات الرياضيات** ، مجلد (١١) ، يونيو ٢٠٠٨ .
٨٠. يوسف عبد الله لوا (٢٠٠٩) : أثر استخدام استراتيجية دينز في إكتساب المفاهيم الرياضية والاحفاظ بها لدى طلاب الصف السادس الأساسي بغزة ، رسالة ماجستير،جامعة الإسلامية،غزة .
81. Qudah.A (2016):The effect of using proposed teaching strategy based on the selective thinking on student's Acquisition concepts in mathematics,**Journal od education and practice**,V(7),N (2), p122.
82. Bhagat& et al(2016): The Impact of the Flipped Classroom on Mathematics Concept Learning in High School , **Educational Technology & Society**, v(19), n(3), p134-142 2016.
83. Davis.E,Cooney.T&Hendrson.K(1975):**Dynamics of teaching secondary school mathematics**, Boston:houghton Mifflin company.
84. Edy .S & etal (2013) : Improving of Junior High School Visual Thinking Representation Ability in Mathematical Problem Solving by CTL , **Indonesian Mathematical Society Journal on Mathematics Education** , Vol (4), No(1), January, pp. 113-126
85. Giaquinto. M (2007): **Visual thinking in mathematics**, Oxford university press.
86. Guttiere.Z(1996):Visualization in 3, Dimensional geometry, INL, pulg and a guttere (EDS), **pro eedings of the xx conference of the international group for the psychology of mathematics eduction**, valencia; spain, P3 –19.
87. Hacioneroglu.E&selcuk.C(2012):Visual thinking and gender differences in high school calculus, **international journal of mathematical edution in science and technology**,v(43),N (3),P303–313 (ERIC Document reproduction service No EJgg 2909) .
88. Hackney . M & Ward.R (2002):How to learn biology via roundhouse diagrams,**The American Bilogy teacher**,v(64),N(7),PP 525 – 533 .
89. Johnson.D & Rising.G (1967):**Guidelines for teaching mathematics** , California:wadsworth publishing company .
90. Kiki .Y & Sahat .S (2015):The deveiopment of learning devices based guided discovery model to improve understanding concept and critical thinking mathematics ability of students at Islamic junior high school of medan,**Journal of education and practice**, V(6),N(24) .
91. Kocakayat.S(2014):Influence of Computer-Assisted Roundhouse Diagrams on high School9thGradeStudents'Understanding the Subjects of "Force and Motion",**Science Education International**,Vol (25).